

السؤال 1 :

ادرس تقارب التكاملات المعتلة التالية:

$$1. \int_1^{+\infty} \frac{dx}{\sqrt{(x-1)(x+2)}}, \quad 2. \int_0^{+\infty} \frac{dx}{\ln x \sqrt{x+2}}$$

السؤال 2 :

ادرس التقارب البسيط والتقارب المنتظم للمتتاليات التالية:

$$1. x \in \mathbb{R}, f_n(x) = \frac{nx}{1+n^2x^2}$$

$$2. x \in [0, 1], g_n(x) = \frac{nx}{1+nx}$$

السؤال 3 :

نعرف متتاليات الدوال $(f_n)_n$ بما يلي $f_n(x) = \sqrt{x^2 + \frac{1}{n^2}}$ لكل $x \in \mathbb{R}$.

1. أثبت أن المتتالية $(f_n)_n$ تتقارب بانتظام على \mathbb{R} .

2. ادرس اشتقاق الدالة $f = \lim_{n \rightarrow +\infty} f_n$.

السؤال 4 :

نعرف متتاليات الدوال $(f_n)_n$ على \mathbb{R} بما يلي $f_n(x) = n^2x(1-x)^n$.

1. اوجد مجال التقارب البسيط للمتتالية $(f_n)_n$.

2. احسب $\int_0^1 f_n(x)dx$ واستنتج ان المتتالية (f_n) لا تتقارب بانتظام على الفترة $[0, 2]$.

3. أوجد نهاية المتتالية $(f_n(\frac{1}{n}))_n$ واستنتج أن المتتالية (f_n) لا تتقارب بانتظام على الفترة $[0, 2]$.