

السؤال 1 :

1. إذا كانت $f(x) = \frac{1}{\sqrt{(x-1)(x+2)}}$ ، فإن $\lim_{x \rightarrow +\infty} xf(x) = 1$ ، إذا التكامل المعتل $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{\sqrt{(x-1)(x+2)}}$ ليس متقاربا.

2. إذا كانت $f(x) = \frac{1}{\ln x \sqrt{x+2}}$ ، فإن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x} \ln x f(x) = 1$ ، إذا التكامل المعتل $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{\ln x \sqrt{x+2}}$ ليس متقاربا.

السؤال 2 :

1. $\lim_{n \rightarrow +\infty} f_n(x) = 0$ ، $f_n(\frac{1}{n}) = \frac{1}{2}$ ، إذا التقارب غير منتظم.

2. $g_n(0) = 0$ ، $\lim_{n \rightarrow +\infty} g_n(x) = 1$ لكل $x \neq 0$ ، $g_n(\frac{1}{n}) = \frac{1}{2}$ ، إذا التقارب غير منتظم.

السؤال 3 :

نعرف متتاليات الدوال $(f_n)_n$ بما يلي $f_n(x) = \sqrt{x^2 + \frac{1}{n^2}}$ لكل $x \in \mathbb{R}$.

1. المتتالية $(f_n)_n$ متقاربة على \mathbb{R} نحو الدالة $|x|$.

2. الدوال f_n قابلة للإشتقاق في \mathbb{R} ولكن الدالة $f(x) = |x|$ غير قابلة للإشتقاق في 0.

السؤال 4 :

نعرف متتاليات الدوال $(f_n)_n$ على \mathbb{R} بما يلي $f_n(x) = n^2 x(1-x)^n$.

1. المتتالية $(f_n)_n$ متقاربة على $[0, 2[$ نحو الدالة 0.

2. $\int_0^1 f_n(x)dx = \frac{n^2}{(n+1)(n+2)} \xrightarrow{n \rightarrow +\infty} 1$ إذا المتتالية (f_n) لا تتقارب بانتظام على الفترة $[0, 2[$.

3. $\lim_{n \rightarrow +\infty} f_n\left(\frac{1}{n}\right) = +\infty$ ، إذا المتتالية (f_n) لا تتقارب بانتظام على الفترة $[0, 2[$.