

السؤال الأول: [ 13 درجة ]

( أ ) إذا كانت  $S = \{a, \{b\}\}$  ، فأثبت صحة أو خطأ كل عبارة فيما يلي:

- |                             |                       |                              |
|-----------------------------|-----------------------|------------------------------|
| $\{b\} \in S$ (3)           | $\{a\} \in S$ (2)     | $\{b\} \subset S$ (1)        |
| $\emptyset \notin P(S)$ (6) | $\emptyset \in S$ (5) | $\{a\} \in P(S)$ (4)         |
|                             | $ P(S)  = 4$ (8)      | $\emptyset \subset P(S)$ (7) |

( ب ) ادرس علاقة قاسم لـ « | » على  $\mathbb{Z}^*$  من حيث كونها:

- |               |                                   |                       |
|---------------|-----------------------------------|-----------------------|
| (1) انعكاسية. | (2) تناظرية.                      | (3) متعدية.           |
| (4) تخالفية.  | (5) علاقة تكافؤ في $\mathbb{Z}^*$ | (6) علاقة ترتيب جزئي. |

( ج ) استخدم الاستقراء الرياضي في إثبات صحة التقرير الآتي:

$$P(n) \equiv 2 + 4 + 6 + \dots + 2n = n(n + 1), \forall n \in \mathbb{Z}^+$$

السؤال الثاني: [ 12 درجة ]

( أ ) املاً الفراغات الآتية:

$$S = \{1, 2, 3, \dots, m\} \Rightarrow |P(S)| = \dots \quad (1)$$

$$\bigcup_{i=1}^n A_i = \{ \dots | \dots \} \quad (2)$$

$$\sim (A \wedge \sim B) \equiv \dots \quad (3)$$

$$\sim [\exists x \in S \ni P(x)] \equiv \dots \quad (4)$$

(5) نقول إن  $P = \{B_1, B_2, \dots, B_n\}$  تكون تجزئة لمجموعة  $A$  إذا حققت الشروط الآتية:

( ب ) إذا كانت  $A$  و  $B$  و  $C$  ثلاث مجموعات، فأكمل خطوات البرهان الآتي:

$$A \times (B \cup C) = \{(x, y) | x \in A \wedge y \in (B \cup C)\}$$

$$= \dots$$

$$= \dots$$

$$= \dots$$

$$= (A \times B) \cup (A \times C)$$

( ج ) إذا كانت  $R$  علاقة تكافؤ في  $A$  فأثبت أن:

$$x R y \Leftrightarrow \bar{x} = \bar{y}$$