

تمارين ضبط ومراقبة المخزون

مقرر 100 بحث

ملاحظات هامة:

1. التأكد من توحيد وحدة القياس لكل من معدل الاستهلاك وتكلفة التخزين وعمل التحويلات المطلوبة قبل البدء في حل المسألة (سواء كانت يومياً أو أسبوعياً أو شهرياً أو سنوياً علماً بأنه معطى صيغة التحويل لكل وحدة زمنية)
2. التأكد من توحيد وحدة القياس لكل من معدل الاستهلاك وفترة التوريد لحساب نقطة إعادة الطلب.
3. في بعض الأحيان، قد تعطى تكلفة شراء الوحدة أو تكلفة إنتاج الوحدة وبالتالي لابد من استخدامها في حساب التكلفة الإجمالية للمخزون، وفي حال لم تعطى تهمل في الحسابات.
4. في بعض الأحيان تكلفة التخزين للوحدة الواحد تكون نسبة من تكلفة شراء الوحدة.
5. في نموذج الكمية الاقتصادية للإنتاج تكون هناك تكلفة تحضير الإنتاج بدلاً من تكلفة الطلبيات ولها نفس الرمز (K)
6. الخطة المثلث لأي نظام معناه حساب الكمية الاقتصادية (Q) وحساب طول الدورة التخزينية (Q/D) وحساب التكلفة الإجمالية للمخزون .(TC)

جدول قواني نماذج المخزون:

المتغيرات	الرمز	EOQ	EPQ
معدل الاستهلاك			
تكلفة الطلبية			
تكلفة تحضير الإنتاج			
تكلفة الشراء للوحدة			
تكلفة الإنتاج للوحدة			
تكلفة التخزين للوحدة			
متوسط مستوى المخزون			
أعلى مستوى للمخزون			
الكمية الاقتصادية المثلث			
حجم الطلبية الأمثل			
الكمية الاقتصادية المثلث			
حجم الإنتاج الأمثل			
طول الدورة التخزينية			
الأمثل			
طول دورة المخزون			
الأمثل			
عدد الطلبيات الأمثل			
عدد دورات الإنتاج			
الأمثل			
تكلفة الطلبية السنوية			
تكلفة التحضير للإنتاج			
السنوية			

			تكلفة التخزين السنوية التكلفة السنوية لحفظ المخزون
			تكلفة الشراء السنوية
			تكلفة الإنتاج السنوية

1. تستعمل روضة أطفال 500 مصباح في السنة علماً أن كل طلبية للمصابيح تكلف 5 ريال وأن تكلفة شراء كل مصباح 0.40 ريال، وتكلفة تخزين المصباح الواحد 0.08 ريال في السنة بافتراض أن معدل الاستهلاك ثابتًا احسب ما يلي:

آ - الكمية الاقتصادية للطلب.

ب - التكلفة الإجمالية للمخزون في السنة.

ج - العدد الأمثل للطلبيات في السنة.

د - الزمن الأمثل بين كل طلبيتين.

$$D = 500 \text{ في السنة}, k = 5, c = 0.4, h = 0.08$$

آ - الكمية الاقتصادية للطلب.

$$Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h}} = 250$$

ب - التكلفة الإجمالية للمخزون في السنة.

$$TC(Q^*) = \frac{kD}{Q^*} + \frac{hQ^*}{2} + cD = 220$$

ج - العدد الأمثل للطلبيات في السنة.

$$\frac{D}{Q^*} = 2 \text{ طلبية} = \frac{D}{Q^*} \text{ العدد الأمثل}$$

د - الزمن الأمثل بين كل طلبيتين.

$$\frac{Q^*}{D} = 0.5 \text{ سنة} = \frac{Q^*}{D} \text{ الزمن}$$

Homework .2

تقوم شركة بشراء 6000 وحدة بضاعة كل سنة بتكلفة قدرها 30 ريال للوحدة مع العلم أن تكلفة التخزين وتكلفة الطلبية تساوي 6 ريال للوحدة في السنة 125 ريال على الترتيب. احسب ما يلي:

آ - الكمية الاقتصادية للطلب.

ب - التكلفة الإجمالية للمخزون في السنة.

ج - العدد الأمثل للطلبيات في السنة.

د - الزمن الأمثل بين كل طلبيتين.

3. قدر موزع لعجلات السيارات أن كمية الاستهلاك نوع معين من العجلات تكون ثابتة وبمعدل 500 عجلة في الأسبوع. إذا علمنا أن تكلفة شراء العجلة الواحدة تساوي 50 ريال وأن تكلفة التخزين للعجلة الواحدة في السنة تساوي 20% من تكلفة الشراء وأن تكلفة الطلبية قدرت بـ 50 ريال. (أفرض أن 1 سنة = 52 أسبوعاً). أحسب التكلفة السنوية للتخزين والتكلفة السنوية للطلبية ثم التكلفة السنوية الإجمالية للمخزون؟

$$D = 500, k = 50, c = 50, h = \frac{20}{100}c = 10$$

بما أن المطلوب تكلفة سنوية، لابد من تحويل الاستهلاك من أسبوعي إلى سنوي.

$$D = 500(52) = 260000$$

$$Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h}} = 1612.45$$

$$\frac{hQ^*}{2} = \text{التكلفة السنوية للتخزين} = 8062.25$$

$$\frac{kD}{Q^*} = \text{التكلفة السنوية للطلبية} = 8062.27$$

$$TC(Q^*) = \frac{kD}{Q^*} + \frac{hQ^*}{2} + cD = \frac{50 \cdot 260000}{1612.45} + \frac{10 \cdot 1612.45}{2} + 50 \cdot 260000 = 13016124.52$$

Homework .4

إذا علمنا أن كمية الاستهلاك لكتاب «حساب التكامل والتفاضل» تكون ثابتة وتساوي 1000 وحدة في السنة وأن تكلفة الوحدة تساوي 50 ريال وأن تكلفة الطلبية 100 ريال وأن تكلفة التخزين تساوي 25% من تكلفة الكتاب فأوجد الخطة المثلث لهذا النظام (الكمية الاقتصادية للطلب والطول الأمثل لدورة التخزين).

Homework .5

يستهلك مستوصف 500 وحدة من نوع معين من الأدوية في السنة الواحدة. تقدر تكلفة طلبية واحدة بـ 20 ريال وتكلفة التخزين للوحدة بـ 2 ريال في السنة وتكلفه شراء الوحدة بـ 100 ريال. احسب كلاً من: الكمية الاقتصادية للطلب والتكلفة الإجمالية السنوية المثلث والطول الأمثل لدورة.

6. إذا علمنا أن كمية الاستهلاك المنتج معين ثابتة وتساوي 1200 وحدة في السنة وأن تكلفة الطلبية تساوي 16 ريال وأن تكلفة التخزين تساوي 0.24 ريال للوحدة في السنة. احسب ما يلي:

- أ. الكمية الاقتصادية للطلب
- ب. طول دورة المخزون
- ت. نقطة إعادة الطلب إذا كان فترة التوريد تساوي.
- (1) شهر ونصف. (2) 3 أشهر. (3) 9 أشهر.

$$D = 1200 \text{ في السنة}, k = 16, h = 0.24$$

أ. الكمية الاقتصادية للطلب

$$Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h}} = 400$$

ب. طول دورة المخزون

$$\frac{Q^*}{D} = \frac{1}{3} \text{ سنة} = \frac{1}{3} \text{ الطول}$$

ت. نقطة إعادة الطلب إذا كان فترة التوريد تساوي.

- (1) شهر ونصف. (2) 3 أشهر. (3) 9 أشهر.

$$R = \begin{cases} LD & \text{if } LD \leq Q^* \\ LD - n^* Q^* & \text{if } LD > Q^*, \quad n^* = \left[\frac{LD}{Q^*} \right] = \frac{LD}{Q^*} \end{cases}$$

(1) شهر ونصف.

$$L = 1.5 \text{ شهر}$$

لابد أن تكون D و L لهما نفس الوحدة، لذلك يجب تحويل L من شهر إلى سنة.

$$L = \frac{1.5}{12} = 0.125 \text{ سنة}$$

$$LD = 0.125(1200) = 150 < Q^*$$

$$\Rightarrow R = LD = 150$$

أشهر 3 (2).

$$L = 3 \text{ أشهر}$$

لابد أن تكون D و L لهما نفس الوحدة، لذلك يجب تحويل L من شهر إلى سنة.

$$L = \frac{3}{12} = 0.25 \text{ سنة}$$

$$LD = 0.25(1200) = 300 < Q^*$$

$$\Rightarrow R = LD = 300$$

أشهر 9 (3).

$$L = 9 \text{ أشهر}$$

لابد أن تكون D و L لهما نفس الوحدة، لذلك يجب تحويل L من شهر إلى سنة.

$$L = \frac{9}{12} = 0.75 \text{ سنة}$$

$$LD = 0.75(1200) = 900 > Q^*$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow R &= LD - n^*Q^* = 900 - \left[\frac{900}{400} \right] (400) \\ &= 900 - [2.25](400) \\ &= 900 - 2(400) = 100 \end{aligned}$$

7. يقوم محل للأدوات الكهربائية المنزلية ببيع 100 تلفاز شهرياً. إذا علمنا أن تكلفة التخزين تساوي 20 ريال للجهاز في الشهر وأن تكلفة الطلبيات 1000 ريال وتكلفة الجهاز 1000 ريال فاحسب ما يلي:
- أ. الخطة المثلث لنظام مخزون هذا المحل.
 - ب. نقطة إعادة الطلب R إذا كان فترة التوريد L يساوي 15 يوم.
 - ت. نقطة إعادة الطلب R إذا كان فترة التوريد L يساوي 5 أشهر.

ملاحظة: نعتبر أن 1 شهر = 30 يوم و 1 سنة = 360 يوم.

$$D = 100, k = 100, h = 20, c = 1000$$

أ. الخطة المثلث لنظام مخزون هذا المحل.

$$Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h}} = 31.62$$

$$\text{سنة الطول} = \frac{Q^*}{D} = 0.3162$$

$$\text{التكلفة الإجمالية} = TC(Q^*) = \frac{kD}{Q^*} + \frac{hQ^*}{2} + cD = 100632.46$$

ب. نقطة إعادة الطلب R إذا كان فترة التوريد L يساوي 15 يوم.

لابد أن تكون D و L لهما نفس الوحدة، لذلك يجب تحويل L من يوم إلى شهر.

$$L = \frac{15}{30} = 0.5 \text{ شهر}$$

$$LD = 0.5(100) = 50 > Q^*$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow R &= LD - n^*Q^* = 50 - \left[\frac{50}{31.62} \right] (31.62) \\ &= 50 - [1.58](31.62) \\ &= 50 - 1(31.62) = 18.38 \end{aligned}$$

ت. نقطة إعادة الطلب R إذا كان فترة التوريد L يساوي 5 أشهر.

$$L = 5 \text{ أشهر}$$

$$LD = 5(100) = 500 > Q^*$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow R &= LD - n^*Q^* = 500 - \left[\frac{500}{31.62} \right] (31.62) \\ &= 500 - [15.81](31.62) \\ &= 500 - 15(31.62) = 25.7 \end{aligned}$$

Homework .8

تبיע مؤسسة "العربي" للكمبيوتر 15000 فأرة كمبيوتر في السنة في حين تقوم باستيراد نفس البضاعة من ممول في جمهورية الصين الشعبية بتكلفة قدرها 5 ريال للفأرة الواحدة. وتكلفة الطلبية تساوي 200 ريال. إذا علمنا أن تكلفة التخزين السنوية تساوي 10% من قيمة الفأرة فأوجد ما يلي:

- أ. الكمية الاقتصادية للطلب.
- ب. طول دورة المخزون
- ت. العدد الأمثل للطلبيات.
- ث. التكلفة السنوية للطلبية
- ج. التكلفة السنوية لحفظ المخزون.
- ح. إذا كان الوقت المتقدم L يساوي شهر واحد فأوجد نقطة إعادة الطلب.

9. تقوم مؤسسة "آفاق للكمبيوتر" بتسويق 5000 جهاز حاسوب في السنة بتكلفة قدرها 2500 ريال للجهاز في حين أن الكمية التي بإمكان المؤسسة تركيبها في السنة تساوي 7500 جهاز. إذا علمنا أن تكاليف تحضير ورشات التركيب تساوي 170 ريال وأن تكاليف التخزين قدرت بـ 20% من تكلفة الجهاز الواحد في السنة.

- أ. أوجد العدد الأمثل للوحدات المنتجة في كل فترة إنتاج.
- ب. ما هو العدد الأمثل لفترات الإنتاج في السنة.
- ت. ما هو طول فترة الإنتاج والاستهلاك وفترة الاستهلاك فقط.

$$D = 5000, p = 7500, c = 2500, k = 170, h = \frac{20}{100}c = 500$$

أ. أوجد العدد الأمثل للوحدات المنتجة في كل فترة إنتاج.

$$EPQ = Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h} \left(\frac{p}{p - D} \right)} = 100.995$$

ب. ما هو العدد الأمثل لفترات الإنتاج في السنة.

$$\frac{D}{Q^*} = \text{العدد الأمثل}$$

ت. ما هو طول فترة الإنتاج والاستهلاك وفترة الاستهلاك فقط.

$$\frac{Q^*}{p} = \text{طول فترة الإنتاج والاستهلاك} = 0.0135$$

$$\frac{Q^*(p - D)}{pD} = \text{طول فترة الاستهلاك} = 0.0067$$

10. تنتج شركة كهرباء 12000 مكيف في الشهر وتبيع 4000 وحدة في الشهر وت تخزن الباقى. إذا علمنا أن تكاليف تحضير الإنتاج قد قدرت بـ 2000 ريال لكل فترة إنتاج وأن تكاليف التخزين قد قدرت بـ 1 ريال للوحدة في الشهر، احسب ما يلى:

أ. TCU(EPQ) والتكلفة الموقعة لها.

ب. الطول الأمثل لفترة الإنتاج.

ت. أعلى مستوى للمخزون.

ث. طول الأمثل للدورة.

ج. العدد الأمثل لفترات الإنتاج في وحدة الزمن.

$$D = 4000, p = 12000, k = 2000, h = 1$$

أ. TCU(EPQ) والتكلفة الموقعة لها.

$$EPQ = Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h} \left(\frac{p}{p - D} \right)} = 4898.98$$

$$TCU(Q^*) = \frac{kD}{Q^*} + \frac{hQ^*(p - D)}{2p} + cD = 3265.98$$

ث. غير معطاة لذلك تهمل.

ب. الطول الأمثل لفترة الإنتاج.

$$\frac{Q^*}{p} = \text{الطول الأمثل للإنتاج} = 0.41$$

ت. أعلى مستوى للمخزون.

$$\frac{Q^*(p - D)}{p} = \text{أعلى مستوى للمخزون} = 3265.99$$

ث. طول الأمثل للدورة.

$$\frac{Q^*}{D} = \text{الطول الأمثل للدورة} = 1.22$$

ج. العدد الأمثل لفترات الإنتاج في وحدة الزمن.

$$\frac{D}{Q^*} = \text{العدد الأمثل} = 0.82$$

11. يسألك منتوج معين بمعدل ثابت يساوي 2000 وحدة في السنة في حين يتم إنتاجه بمعدل 3900 وحدة في السنة. إذا علمنا أن تكلفة الوحدة هي 50 ريال وتكلفة التحضير للإنتاج تساوي 650 ريال وتكلفة التخزين في السنة تساوي 30% من تكلفة الوحدة. احسب ما يلي:
- الحجم الأمثل للإنتاج.
 - إذا كان فترة التوريد للتحضير للإنتاج هو أسبوعين فمتي يجب البدء في الإنتاج.

$$D = 2000, p = 3900, c = 50, k = 650, h = \frac{30}{100}c = 15$$

A. الحجم الأمثل للإنتاج.

$$Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h} \left(\frac{p}{p - D} \right)} = 596.48$$

B. إذا كان فترة التوريد للتحضير للإنتاج هو أسبوعين فمتى يجب البدء في الإنتاج.

12. قدر منتج لعجلات السيارات أن كمية الوحدات المنتجة تساوي 200 عجلة في اليوم وأن الكمية التي بيعت في السنوات الماضية هي بمعدل 100 عجلة في اليوم. إذا علمنا أن تكلفة التخزين السنوية تساوي 20% من سعر العجلة وأن تكلفة التحضير للإنتاج تساوي 50 ريال وأن سعر العجلة يساوي 37 ريال. بفرض أن السنة الواحدة تساوي 365 يوم، احسب ما يلي:

- EPQ والتكلفة الموقعة لها .TC(EQ)
- الطول الأمثل لفترة الإنتاج.
- أعلى مستوى للمخزون.
- لطول الأمثل للدورة.
- العدد الأمثل لفترات الإنتاج في وحدة الزمن.

$$D = 100, p = 37, k = 50, h = \frac{20}{100}c = 7.4$$

لابد من التحويل الى سنة.

$$D = 100(365) = 36500$$

$$p = 200(365) = 73000$$

A. EPQ والتكلفة الموقعة لها .TC(EQ)

$$EPQ = Q^* = \sqrt{\frac{2kD}{h} \left(\frac{p}{p - D} \right)} = 993.22$$

$$TCU(Q^*) = \frac{kD}{Q^*} + \frac{hQ^*(p - D)}{2p} + cD = 1354174.92$$

ب. الطول الأمثل لفترة الإنتاج.

$$\frac{Q^*}{p} = \text{الطول الأمثل للإنتاج} = 0.014$$

ت. أعلى مستوى للمخزون.

$$\frac{Q^*(p - D)}{p} = \text{أعلى مستوى للمخزون} = 496.61$$

ث. الطول الأمثل للدورة.

$$\frac{Q^*}{D} = \text{الطول الأمثل للدورة} = 0.027$$

ج. العدد الأمثل لفترات الإنتاج في وحدة الزمن.

$$\frac{D}{Q^*} = \text{العدد الأمثل} = 36.75$$

Homework .13

تقوم شركة "العربي للأدوية" بإنتاج دواء معين. إذا علمنا أن استهلاك هذا الدواء يتم بمعدل 52000 وحدة في السنة وأن تكلفة تحضير المخابر لإنتاج هذا النوع من الأدوية تساوي 400 ريال وأن تكلفة تخزين الوحدة السنوية تساوي 20% من سعر الوحدة الذي يساوي 100 ريال. أوجد الخطة المثلث لنظام مخزون هذه الشركة (الكمية الاقتصادية للإنتاج وطول دورة المخزون والتكلفة الإجمالية للمخزون).

Homework .14

تنتج شركة "العربي" لتركيب السيارات 30000 سيارة في السنة وتبيع 20000 سيارة في السنة. إذا علمنا أن تكلفة التحضير للورشات تساوي 1000 ريال وأن تكلفة تخزين السيارة الواحدة 50 ريال في السنة أوجد الخطة المثلث لشركة "العربي" (الكمية الاقتصادية للإنتاج وطول دورة المخزون والتكلفة الإجمالية للمخزون)؟

Homework .15

تقوم مؤسسة ENIE بإنتاج 100 تلفاز يومياً بتكلفة تحضير قدرها 1000 ريال وبتكلفة تخزين سنوية قدرها 300 ريال. إذا علمنا أنَّ معدل الطلب على هذه البضاعة تقدر بـ 2000 تلفاز شهرياً، احسب ما يلي:

- أ. الكمية الاقتصادية للإنتاج.
- ب. التكلفة السنوية للتخزين
- ت. أعلى مستوى للمخزون.

ملاحظة: نعتبر أن 1 شهر = 30 يوم و 1 سنة = 360 يوم.

$$D = 2000, p = 100, k = 1000, h = 300$$

لابد من التحويل إلى سنة.

$$D = 2000(12) = 24000 \text{ سنوياً}$$

$$p = 100(360) = 36000 \text{ سنوياً}$$

16. يمكن شراء إحدى السلع النادرة بقيمة 30 ريال للوحدة وبيعها بقيمة 75 ريال وقد وجد أن الطلب على هذه السلعة خلال فترة زمنية قدرها شهرين يتبع التوزيع الاحتمالي المعطى بالجدول التالي:

60	50	40	30	20	10	0	عدد الوحدات x
0.15	0.25	0.05	0.05	0.25	0.15	0.10	$f_D(x) = P(D = x)$

احسب عدد الوحدات الواجب شراؤها من هذه السلعة إذا كانت 15 ريال = v وما هو أكبر ربح متوقع؟

$$c = 30, \quad s = 75, \quad v = 15$$

بما أنَّ المتغير العشوائي D متغير عشوائي منفصل فإنَّ القيمة المثلثي Q^* (عدد الوحدات الواجب شراؤها) يجب أن تتحقق

$$F_D(Q^* - 1) \leq \frac{s - c}{s - v} \leq F_D(Q^*)$$

الآن نوجد التوزيع المتجمع $F_D(x)$ بالاعتماد على الجدول السابق:

60	50	40	30	20	10	0	عدد الوحدات x
1	0.85	0.6	0.55	0.5	0.25	0.10	$F_D(x) = P\{D \leq x\}$

وبحسب بيانات المثال نجد أن

$$\frac{s - c}{s - v} = \frac{75 - 30}{75 - 15} = 0.75$$

إذاً القيمة المثلثي Q^* (عدد الوحدات الواجب شراؤها) يجب أن تتحقق

$$F_D(Q^* - 1) \leq 0.75 \leq F_D(Q^*)$$

وبالحسب جدول $F_D(x)$ فإن:

$$F_D(40) = 0.6 < 0.75 < 0.85 = F_D(50)$$

لذا فإن $Q^* = 50$ وحدة.

لحساب أكبر ربح متوقع نطبق العلاقة التالية بإعتبار $Q = Q^* = 50$ و $Q + 1 = 60$:

$$\begin{aligned} E[PR(Q)] &= \sum_{x=0}^Q (xs + v(Q - x) - cQ)P(D = x) + \sum_{x=Q+1}^{\infty} Q(s - c)P(D = x) \\ &= \sum_{x=0}^{50} (75x + 15(50 - x) - 30(50))P(D = x) + \sum_{x=60}^{\infty} 50(75 - 30)P(D = x) \\ &= \sum_{x=0}^{50} (60x - 750)P(D = x) + \sum_{x=60}^{60} 2250P(D = x) \\ &= (60(0) - 750)(0.1) + (60(10) - 750)(0.15) + (60(20) - 750)(0.25) \\ &\quad + (60(30) - 750)(0.05) + (60(40) - 750)(0.05) + (60(50) - 750)(0.25) \\ &\quad + 2250(0.15) = 1050 \end{aligned}$$

إذاً أكبر ربح متوقع يساوي 1050 ريال.

17. وجذ أن الطلب على سلعة موسمية يتبع التوزيع المنتظم في الفترة [100, 300]. فما هو عدد الوحدات الواجب شراؤها من هذه السلعة بحيث يتحقق أكبر ربح موسمي من هذه السلعة وما هي القيمة المتوقعة لهذا الربح إذا كان $c = 40$ ريال، $s = 50$ ريال، $v = 25$ ريال.

$$c = 40, \quad s = 50, \quad v = 25$$

بما أن المتغير العشوائي D متغير عشوائي متصل فإن القيمة المثلثي Q^* (عدد الوحدات الواجب شراؤها) يجب أن تتحقق

$$F_D(Q^*) = \frac{s - c}{s - v} = \frac{50 - 40}{50 - 25} = 0.4 \Rightarrow (*)$$

بما أن الطلب D يتبع التوزيع المنتظم في الفترة $[a = 100, b = 300]$ ، فإن دالة التوزيع التراكي هي:

$$F_D(Q^*) = \frac{Q^* - a}{b - a} = \frac{Q^* - 100}{200} \Rightarrow (**)$$

بمساواة (*) و (**) نستطيع الحصول على قيمة Q^*

$$\frac{Q^* - 100}{200} = 0.4 \Rightarrow Q^* = 180 \text{ وحدة}$$

لحساب أكبر ربح متوقع نطبق العلاقة التالية بإعتبار $Q = Q^* = 180$ و بما أن التوزيع منتظم في الفترة $[a = 100, b = 300]$

$$\text{فإن } f_D(x) = \frac{1}{200}$$

$$\begin{aligned} E[PR(Q)] &= \int_{100}^Q (xs + v(Q - x) - cQ)f_D(x)dx + \int_{100}^Q Q(s - c)f_D(x)dx \\ &= \int_{100}^{180} (50x + 25(180 - x) - 40(180))\frac{1}{200}dx + \int_{180}^{300} 180(50 - 40)\frac{1}{200}dx \\ &= \frac{1}{200} \int_{100}^{180} (25x - 2700)dx + \frac{1}{200} \int_{180}^{300} 1800 dx \\ &= 1400 \end{aligned}$$

إذاً القيمة المتوقعة للربح تساوي 1400 ريال.

18. وجّد أن الطلب على سلعة موسمية يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط 5000 وحدة وانحراف معياري 2000 وحدة فما هو عدد الوحدات الواجب شراؤها من هذه السلعة بحيث يتحقق أكبر ربح موسمي من هذه السلعة وما هي القيمة المتوقعة لهذا الربح إذا كان $c = 30$ ريال، $s = 50$ ريال، $v = 25$ ريال.

$$c = 30, \quad s = 50, \quad v = 25$$

بما أن المتغير العشوائي D متغير عشوائي متصل فإن القيمة المثلثي Q^* (عدد الوحدات الواجب شراؤها) يجب أن تتحقق

$$F_D(Q^*) = \frac{s - c}{s - v} = \frac{50 - 30}{50 - 25} = 0.8 \Rightarrow (*)$$

بما أن الطلب D يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط $\mu = 5000$ وانحراف معياري $\sigma = 2000$ ، فإن دالة التوزيع التراكمي هي:

$$F_D(Q^*) = P(D \leq Q^*) = P\left(\frac{D - \mu}{\sigma} \leq \frac{Q^* - \mu}{\sigma}\right) = P\left(Z \leq \frac{Q^* - 5000}{2000}\right) \Rightarrow (**)$$

بمساواة (*) و (**) نستطيع الحصول على قيمة Q^*

$$P(Z \leq \frac{Q^* - 5000}{2000}) = 0.8$$

باستخدام جدول التوزيع الطبيعي المعياري نجد أن:

$$\frac{Q^* - 5000}{2000} = 0.845 \Rightarrow Q^* = 6690 \text{ وحدة}$$

Homework .19

في دراسة حديثة أجريت على سلعة موسمية وجد أن تكلفة شراء الوحدة تقدر بـ 80 دولار وتباع بـ 120 دولار، فيمكن إعادتها إلى المورد واسترداد 20 دولار لكل وحدة معادة. كذلك وجد أن التوزيع الاحتمالي لاستهلاك هذه السلعة معطى كما في الجدول التالي:

الاحتمال	1	2	3	4	5	6	7	8	عدد الوحدات
0.05	0.05	0.10	0.15	0.20	0.20	0.15	0.10	0.05	

أ. ما هي الكمية المثلث الواجب شراؤها لهذا الموسم والتي تحقق أكبر ربح ممكناً وما هي القيمة المتوقعة لهذا الربح؟

$$c = 80, \quad s = 120, \quad v = 20$$

ب. أعد السؤال في الفقرة (أ) بأخذ دولار $v=5$ ، دولار $s=40$ لكل وحدة معادة.

Homework .20

وجد أن الطلب على سلعة موسمية يتبع التوزيع المنتظم فوق الفترة [3000، 7000] يمكن شراء الوحدة بقيمة 50 دولار وبيعها بقيمة 90 دولار، ولكن المورد لا يقبل رد أي وحدة غير مباعة مما يؤدي عندئذٍ إلى خسارة كاملة لقيمتها والمطلوب:

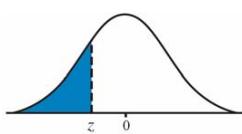
أ. ما هو عدد الوحدات الواجب شراؤها من هذه السلعة وما هو الربح المتوقع عندئذٍ.

ب. ما هو عدد الوحدات الواجب شراؤها من هذه السلعة بافتراض أن الطلب على السلعة يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط 5000 وحدة وانحراف معياري 2000 وحدة.

$$c = 50, \quad s = 90, \quad v = 0$$

Standard Normal Table

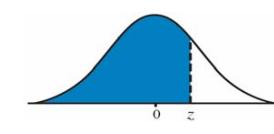
Areas Under the Standard Normal Curve



z	-0.09	-0.08	-0.07	-0.06	-0.05	-0.04	-0.03	-0.02	-0.01	-0.00	z
-3.50	0.00017	0.00017	0.00018	0.00019	0.00019	0.00020	0.00021	0.00022	0.00022	0.00023	-3.50
-3.40	0.00024	0.00025	0.00026	0.00027	0.00028	0.00029	0.00030	0.00031	0.00032	0.00034	-3.40
-3.30	0.00035	0.00036	0.00038	0.00039	0.00040	0.00042	0.00043	0.00045	0.00047	0.00048	-3.30
-3.20	0.00050	0.00052	0.00054	0.00056	0.00058	0.00060	0.00062	0.00064	0.00066	0.00069	-3.20
-3.10	0.00071	0.00074	0.00076	0.00079	0.00082	0.00084	0.00087	0.00090	0.00094	0.00097	-3.10
-3.00	0.00100	0.00104	0.00107	0.00111	0.00114	0.00118	0.00122	0.00126	0.00131	0.00135	-3.00
-2.90	0.00139	0.00144	0.00149	0.00154	0.00159	0.00164	0.00169	0.00175	0.00181	0.00187	-2.90
-2.80	0.00193	0.00199	0.00205	0.00212	0.00219	0.00226	0.00233	0.00240	0.00248	0.00256	-2.80
-2.70	0.00264	0.00272	0.00280	0.00289	0.00298	0.00307	0.00317	0.00326	0.00336	0.00347	-2.70
-2.60	0.00357	0.00368	0.00379	0.00391	0.00402	0.00415	0.00427	0.00440	0.00453	0.00466	-2.60
-2.50	0.00480	0.00494	0.00508	0.00523	0.00539	0.00554	0.00570	0.00587	0.00604	0.00621	-2.50
-2.40	0.00639	0.00657	0.00676	0.00695	0.00714	0.00734	0.00755	0.00776	0.00798	0.00820	-2.40
-2.30	0.00842	0.00866	0.00889	0.00914	0.00939	0.00964	0.00990	0.01017	0.01044	0.01072	-2.30
-2.20	0.01101	0.01130	0.01160	0.01191	0.01222	0.01255	0.01287	0.01321	0.01355	0.01390	-2.20
-2.10	0.01426	0.01463	0.01500	0.01539	0.01578	0.01618	0.01659	0.01700	0.01743	0.01786	-2.10
-2.00	0.01831	0.01876	0.01923	0.01970	0.02018	0.02068	0.02118	0.02169	0.02222	0.02275	-2.00
-1.90	0.02330	0.02385	0.02442	0.02500	0.02559	0.02619	0.02680	0.02743	0.02807	0.02872	-1.90
-1.80	0.02938	0.03005	0.03074	0.03144	0.03216	0.03288	0.03362	0.03438	0.03515	0.03593	-1.80
-1.70	0.03673	0.03754	0.03836	0.03920	0.04006	0.04093	0.04182	0.04272	0.04363	0.04457	-1.70
-1.60	0.04551	0.04648	0.04746	0.04846	0.04947	0.05050	0.05155	0.05262	0.05370	0.05480	-1.60
-1.50	0.05592	0.05705	0.05821	0.05938	0.06057	0.06178	0.06301	0.06426	0.06552	0.06681	-1.50
-1.40	0.06811	0.06944	0.07078	0.07215	0.07353	0.07493	0.07636	0.07780	0.07927	0.08076	-1.40
-1.30	0.08226	0.08379	0.08534	0.08691	0.08851	0.09012	0.09176	0.09342	0.09510	0.09680	-1.30
-1.20	0.09853	0.10027	0.10204	0.10383	0.10565	0.10749	0.10935	0.11123	0.11314	0.11507	-1.20
-1.10	0.11702	0.11900	0.12100	0.12302	0.12507	0.12714	0.12924	0.13136	0.13350	0.13567	-1.10
-1.00	0.13786	0.14007	0.14231	0.14457	0.14686	0.14917	0.15151	0.15386	0.15625	0.15866	-1.00
-0.90	0.16109	0.16354	0.16602	0.16853	0.17106	0.17361	0.17619	0.17879	0.18141	0.18406	-0.90
-0.80	0.18673	0.18943	0.19215	0.19489	0.19766	0.20045	0.20327	0.20611	0.20897	0.21186	-0.80
-0.70	0.21476	0.21770	0.22065	0.22363	0.22663	0.22965	0.23270	0.23576	0.23885	0.24196	-0.70
-0.60	0.24510	0.24825	0.25143	0.25463	0.25785	0.26109	0.26435	0.26763	0.27093	0.27425	-0.60
-0.50	0.27760	0.28096	0.28434	0.28774	0.29116	0.29460	0.29806	0.30153	0.30503	0.30854	-0.50
-0.40	0.31207	0.31561	0.31918	0.32276	0.32636	0.32997	0.33360	0.33724	0.3409	0.34458	-0.40
-0.30	0.34827	0.35197	0.35569	0.35942	0.36317	0.36693	0.37070	0.37448	0.37828	0.38209	-0.30
-0.20	0.38591	0.38974	0.39358	0.39743	0.40129	0.40517	0.40905	0.41294	0.41683	0.42074	-0.20
-0.10	0.42465	0.42858	0.43251	0.43644	0.44038	0.44433	0.44828	0.45224	0.45620	0.46017	-0.10
-0.00	0.46414	0.46812	0.47210	0.47608	0.48006	0.48405	0.48803	0.49202	0.49601	0.50000	-0.00

Standard Normal Table (continued)

Areas Under the Standard Normal Curve



z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09	z
0.00	0.50000	0.50399	0.50798	0.51197	0.51595	0.51994	0.52392	0.52790	0.53188	0.53586	0.00
0.10	0.53983	0.54380	0.54776	0.55172	0.55567	0.55962	0.56356	0.56749	0.57142	0.57535	0.10
0.20	0.57926	0.58317	0.58706	0.59095	0.59483	0.59871	0.60257	0.60642	0.61026	0.61409	0.20
0.30	0.61791	0.62172	0.62552	0.62930	0.63307	0.63683	0.64058	0.64431	0.64803	0.65173	0.30
0.40	0.65542	0.65910	0.66276	0.66640	0.67003	0.67364	0.67724	0.68082	0.68439	0.68793	0.40
0.50	0.69146	0.69497	0.69847	0.70194	0.70540	0.70884	0.71226	0.71566	0.71904	0.72240	0.50
0.60	0.72575	0.72907	0.73237	0.73565	0.73891	0.74215	0.74537	0.74857	0.75175	0.75490	0.60
0.70	0.75804	0.76115	0.76424	0.76730	0.77035	0.77337	0.77637	0.77935	0.78230	0.78524	0.70
0.80	0.78814	0.79103	0.79389	0.79673	0.79955	0.80234	0.80511	0.80785	0.81057	0.81327	0.80
0.90	0.81594	0.81859	0.82121	0.82381	0.82639	0.82894	0.83147	0.83398	0.83646	0.83891	0.90
1.00	0.84134	0.84375	0.84614	0.84849	0.85083	0.85314	0.85543	0.85769	0.85993	0.86214	1.00
1.10	0.86433	0.86650	0.86864	0.87076	0.87286	0.87493	0.87698	0.87900	0.88100	0.88298	1.10
1.20	0.88493	0.88686	0.88877	0.89065	0.89251	0.89435	0.89617	0.89796	0.89973	0.90147	1.20
1.30	0.90320	0.90490	0.90658	0.90824	0.90988	0.91149	0.91309	0.91466	0.91621	0.91774	1.30
1.40	0.91924	0.92073	0.92220	0.92364	0.92507	0.92647	0.92785	0.92922	0.93056	0.93189	1.40
1.50	0.93319	0.93448	0.93574	0.93699	0.93822	0.93943	0.94062	0.94179	0.94295	0.94408	1.50
1.60	0.94520	0.94630	0.94738	0.94845	0.94950	0.95053	0.95154	0.95254	0.95352	0.95449	1.60
1.70	0.95543	0.95637	0.95728	0.95818	0.95907	0.95994	0.96080	0.96164	0.96246	0.96327	1.70
1.80	0.96407	0.96485	0.96562	0.96638	0.96712	0.96784	0.96856	0.96926	0.96995	0.97062	1.80
1.90	0.97128	0.97193	0.97257	0.97320	0.97381	0.97441	0.97500	0.97558	0.97615	0.97670	1.90
2.00	0.97725	0.97778	0.97831	0.97882	0.97932	0.97982	0.98030	0.98077	0.98124	0.98169	2.00
2.10	0.98214	0.98257	0.98300	0.98341	0.98382	0.98422	0.98461	0.98500	0.98537	0.98574	2.10
2.20	0.98610	0.98645	0.98679	0.98713	0.98745	0.98778	0.98809	0.98840	0.98870	0.98899	2.20
2.30	0.98928	0.98956	0.98983	0.99010	0.99036	0.99061	0.99086	0.99111	0.99134	0.99158	2.30
2.40	0.99180	0.99202	0.99224	0.99245	0.99266	0.99286	0.99305	0.99324	0.99361	0.99400	2.40
2.50	0.99379	0.99396	0.99413	0.99430	0.99446	0.99461	0.99477	0.99492	0.99506	0.99520	2.50
2.60	0.99534	0.99547	0.99560	0.99573	0.99585	0.99598	0.99609	0.99621	0.99632	0.99643	2.60
2.70	0.99653	0.99664	0.99674	0.99683	0.99693	0.99702	0.99711	0.99720	0.99728	0.99736	2.70
2.80	0.99744	0.99752	0.99760	0.99767	0.99774	0.99781	0.99788	0.99795	0.99801	0.99807	2.80
2.90	0.99813	0.									