

أجب عن الأسئلة الآتية

السؤال الأول: [17 درجة]

(أ) أكمل الفراغات الآتية:

(1) إذا كان  $p$  و  $q$  تقريرين فإن:  $\sim(p \wedge \sim q) \equiv \dots\dots\dots$

(2)  $\{(2,-5,1)\} \cap \{(2,5,1)\} = \dots\dots\dots$

(3) إذا كانت  $S_1, S_2, \dots, S_n$  مجموعات غير خالية فإن:

$$\prod_{k=1}^n S_k = S_1 \times S_2 \times \dots \times S_n = \{\dots \mid \dots\dots\dots\}$$

(4) إن صنف التكافؤ الذي ينتمي إليه العدد  $-34$  في  $\mathbb{Z}_9$  هو  $\dots\dots\dots$

(5) لتكن  $X$  مجموعة غير خالية و  $A_1, A_2, \dots, A_n$  مجموعات جزئية من  $X$ . نقول إن

المجموعة  $P = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  تجزئة للمجموعة  $X$  إذا حققت الشروط الآتية:

.....(1)

.....(2)

.....(3)

(ب) إذا كانت  $A$  مجموعة بحيث  $|A| > 1$  فادرس علاقة " $\subseteq$ " على  $P(A)$  من حيث كونها:

(1) انعكاسية (2) تناظرية (3) متعدية (4) تخالفية

(5) علاقة ترتيب جزئي على  $P(A)$  (6) علاقة ترتيب كلي على  $P(A)$

السؤال الثاني: [13 درجة]

(أ) ادرس كل عبارة فيما يلي من حيث كونها صائبة أو خاطئة، مع التبرير:

(1) إن  $\emptyset \in P(A) \wedge \emptyset \subseteq P(A)$  لكل مجموعة  $A$ .

(2) لكل مجموعتين غير خاليتين  $A$  و  $B$  فإن:

$$A \times B = B \times A \Rightarrow A = B$$

(3) إذا كانت  $R$  علاقة تكافؤ في  $A$  و  $a \in A$  فإن  $\bar{a} \neq \emptyset$ .

(ب) أثبت باستخدام الاستقراء الرياضي صحة التقرير الآتي:

$$P(n) \equiv 1 + 3 + 5 + 7 + \dots + (2n - 1) = n^2 \quad : \forall n \in \mathbb{Z}^+$$