

ملاحظه : ممنوع استخدام الآلة الحاسبة.

السؤال الأول (8 درجات):

(1) استخدم مجموع ريمان لحساب التكامل المحدد $\int_0^2 (4x-1) dx$. (3 درجات)

(2) اوجد قيمة c التي تحقق نظرية القيمة المتوسطة للدالة $f(x) = 4x - 5$ على الفترة $[2, 5]$

(3 درجات)

(درجتان)

(3) جد $F'(x)$ إذا كانت $F(x) = \int_{\cos 2x}^{\sqrt{2x}} \cos(t^2) dt$.

السؤال الثاني (5 درجات): احسب $\frac{dy}{dx}$ فيما يلي :

(درجتان)

(1) $y = x^2 \ln(\sin^{-1}(e^x))$, $x > 0$

(3 درجات)

(2) $y = \ln\left(\frac{\sin(3x) \cos(x^2) \tan(\sqrt{x})}{\sqrt[4]{x}}\right)$

السؤال الثالث (12 درجة): احسب التكاملات التالية :

(درجتان)

(1) $\int \frac{x^5 + 1}{\sqrt[3]{x}} dx$

(درجتان)

(2) $\int (2-x)^5 dx$

(درجتان)

(3) $\int \frac{1}{x \ln(\sqrt{x})} dx$

(درجتان)

(4) $\int \frac{x^2}{x+1} dx$

(درجتان)

(5) $\int \frac{\frac{1}{2} \ln x}{e^{2x}} dx$

(درجتان)

(6) $\int x 3^{2-x^2} dx$