

نماذج اختبارات وإجابات لمقرر ٢٠٢ جمع

سؤال ١ :

أوجد الوسط الحسابي للأرقام ١٠،١٢،٥،٣،٨

الإجابة:

$$\bar{X} = \frac{8 + 3 + 5 + 12 + 10}{5} = \frac{38}{5} = 7.6$$

سؤال ٢ :

إذا كانت ٢،٦،٨،٥، تحدث بتكرارات 1،4،2،3 على الترتيب فما قيمة الوسط الحسابي؟

الإجابة:

$$\bar{X} = \frac{(3)(5) + (2)(8) + (4)(6) + (1)(2)}{3 + 2 + 4 + 1} = \frac{15 + 16 + 24 + 2}{10} = \frac{57}{10} = 5.7$$

سؤال ٣ :

أوجد متوسط الانحرافات لمجموعة الأرقام ٢،٣،٦،٨،١١ ؟

الإجابة:

$$\bar{X} = \frac{2 + 3 + 6 + 8 + 11}{5} = 6$$

الوسط الحسابي =

$$\begin{aligned} M. D. &= \frac{|2 - 6| + |3 - 6| + |6 - 6| + |8 - 6| + |11 - 6|}{5} \\ &= \frac{|-4| + |-3| + |0| + |2| + |5|}{5} \\ &= \frac{4 + 3 + 0 + 2 + 5}{5} \\ &= \frac{14}{5} = 2.8 \end{aligned}$$

الانحراف المتوسط =

سؤال ٤ :

أوجد المدى ونصف المدى لهذه المجموعة ٢،٣،٣،٥،٨،١٠،١٢ ؟

الإجابة:

المدى هو $12 - 2 = 10$

وفي بعض الأحيان يعطى المدى بذكر أقل وأكبر رقم . في المثال السابق يمكن تحديد المدى من ٢ إلى ١٢ أو ١٢-٢ أما نصف المدى فهو عبارة عن متوسط المدى أي الفرق بين أكبر رقم وأقل رقم مقسوماً على ٢ .

ونصف المدى يساوي $10/2 = 5$.

(٥) ما المقصود بالمتغير الكمي (Quantitative variables)؟

المتغير الذي يعبر عنه بالمقدار مثل العمر، الدرجة لطالب، أيام الغياب، ... يمكن أن يأخذ صفة الترتيب

(٦) ما المقصود بالمتغير النوعي (Qualitative variables)

الذي يصنف الأشياء كالجنس (ذكور وإناث) والتخصص (علمي - أدبي)، المرحلة (ابتدائي - إعدادي) - ...، مساحيق الغسيل (تايد، اومو، ...)، ... ويفقد صفة الترتيب

(٧) ما هو المتغير المستقل والمتغير التابع؟

المستقل: الذي يؤثر في النتائج أو الذي يتسبب فيها ويمكن التحكم به (تغييره) ويعرف بالمتغير التجريبي كطرق التدريس أو طرق العلاج والنتائج المترتبة على المتغير المستقل تعرف بالمتغير التابع فطرق التدريس كمتغير مستقل تؤثر في مستوى التحصيل الذي يعتبر متغير تابع (نتائج التجربة لطرق التدريس)، وكذلك نتائج العلاج على المريض تعتبر متغير تابع للمتغير المستقل طرق العلاج.

(٨) قارن بين العينة الاحتمالية والغير احتمالية.

العينة غير الاحتمالية	العينة الاحتمالية	
غير معروف	معروف	المجتمع
غير موثقة	موثقة	السجلات الرسمية
تخضع لعمليات حسابية	تخضع لقوانين الرياضيات	القوانين
قصدية	عشوائية	النوع

(٩) ما الفرق بين المجتمعين الإحصائيين المعروف والغير معروف؟

المجتمع المعروف ما كانت عناصره من السجلات الرسمية كالمعلمين مثلاً في حين الغير معروف عناصره ليست في السجلات الرسمية كمدمني المخدرات.

(١٠) ما الفرق بين المتغير المتصل والمتغير الوثناب؟

المتغير المتصل: ما كان يأخذ أي قيمة في مداه مثل العمر يبدأ بالصفـر ويزداد بصورة مستمرة في حين المتغير الوثناب أو المتقطع ما كان يأخذ قيمة ثابتة في مداه كعدد طلاب صفوف الصف الأول الثانوي في المدرسة وعدد أفراد الأسرة.

(١١) ما هي مستويات القياس الأربع وصنفها في جدول؟

الجواب مبين بالجدول الآتي:

الإجراء الممكن	أمثلة	الخصائص	مستوى القياس
العمليات الحسابية والمقاييس الإحصائية	الدخل	الصفـر عدد حقيقي له مفهوم	نسبي
العمليات الحسابية فقط على المتغير الواحد	درجات الحرارة	الصفـر افتراضي لا يعني العدم	فئوي
لا تجرى العمليات الحسابية	ترتيب طلبة صف كتحصيل دراسي	دلالة الأرقام للترتيب فقط	رتبي
لا تجرى العمليات الحسابية	ذكر (١)، الأنثى (٠)، الرقم السكاني	الأرقام هنا للتصنيف أو الترتيب	أسمي

(١٢) اذكر أنواع العينات.

العينات الاحتمالية غير الاحتمالية كما مبين بالجدولين الآتيين:

العينات الاحتمالية

أنواع العينة	باللغة الإنجليزية	الغرض
العشوائية البسيطة	Simple Random Sample	احتمالات أفراد العينة متساو – تستخدم جداول الأرقام العشوائية لاختيار العينة
المنتظمة	Systematic Sample	ثبات البعد بين مفرداتها – تتعين من N مفردات المجتمع ويحدد البعد K حيث $K \leq N/n$
الطبقية	Stratified Sample	تتعين من طبقات المجتمع (الريف – المدينة – ...) عشوائياً لضمان التمثيل للطبقات
العنقودية	Cluster Sample	تنتج من تقسيم المجتمع لمجموعات جزئية يعرف كل منها بالعنقود
المتعددة المراحل	Multistage Sample	تتكون من عدة مراحل حيث تصمم باستخدام أي من العينات السابقة

العينات غير الاحتمالية

أنواع العينة	باللغة الإنجليزية	الغرض
المناسبة	Convenient Sample	سهولة الحصول عليها كقربها من مكان إقامة الباحث
المتعمدة	Purposive Sample	تعتمد البيانات السابقة باعتقاد الباحث بتحقيقها تمثيل جيد للمجتمع
الأنصبة	Quota Sample	تستخدم في دراسات التسويق وذلك بالتحكم في مفرداتها كالتقسيم العمري لمفرداتها

(١٣) ما هي أوجه الاختلاف بين العينات الاحتمالية وغير الاحتمالية؟

وجه الخلاف كما مبين بالجدول الآتي:

العينه غير الاحتمالية	العينه الاحتمالية
لا يوجد إطار سحب	وجود إطار (المجتمع المعاین) لسحب مفرداتها
لا يتحقق هنا	احتمال مفرداتها معلوماً ولا يكون مستحيل (الاحتمال \neq الصفر)
لا تطبق أساليب الاستدلال الإحصائي	يمكن تطبيق أساليب الاستدلال الإحصائي

(١٤) فيما يلي درجات ٢٦ طالباً في مادة علم الاجتماع

30 25 14 13 14 12 25 22 11 12 23 24 30
18 17 16 12 25 14 19 20 20 30 29 28 27

والمطلوب:

(١) كون الجدول التكراري المناسب متضمن التكرار النسبي، التكرار المئوي

(٢) ما هي نسبة الطلاب التي تزيد درجاتهم عن 20 درجة

الحل:

الفئات	العلامات	التكرار	التكرار النسبي	التكرار المئوي
15 >	//// /	8	$8 \div 26 = 0.3077$	$(8 \div 26) \times 100 = 30.77\%$
15 - 20	////	4	0.1538	15.38%
20 - 25	////	5	0.1923	19.23%
25 - 30	//// /	6	0.2308	23.08%
30 ≤	///	3	0.1154	11.54%
المجموع		26	1	100.00%

أو بدون العلامات

Interval (X)	Frequency (F)	Relative Frequency (RF)	RF %
Less Than 15	8	$8 \div 26 = 0.3077$	$(8 \div 26) \times 100 = 30.77\%$
15 - 20	4	0.1538	15.38%
20 - 25	5	0.1923	19.23%
25 - 30	6	0.2308	23.08%
More Than 30	3	0.1154	11.54%
Total	26	1	100.00%

نسبة الطلاب التي تزيد درجاتهم عن عشرين درجة هي:

$$53.85\% = (14 \div 26) \times 100$$

(١٥) إذا كان لدينا درجات مجموعتين من الطلاب في اختبار ما هي:

المجموعة الضابطة: 17 16 11 10 15 18 16 14 16 12

المجموعة التجريبية: 11 20 15 14 10 13 17 18 10 10 11 13

المطلوب إنشاء جدول تكراري مزدوج.

الحل:

الفئات	العلامات		التكرار	
	الضابطة	التجريبية	الضابطة	التجريبية
10 - 15	////	//// /	5	6
16 - 21	////	//// //	5	7

أو

الفئات	التكرار	
	الضابطة	التجريبية
10 - 15	5	6
16 - 21	5	7

(١٦) الجدول التالي يبين استهلاك السجائر وقيمتها لمجموعة من الأفراد عددها ١٥ والمطلوب إنشاء جدول تكراري مزدوج.

الاستهلاك	8	7	12	10	9	5	6	2	10	15	11	8	6	9	4
القيمة	5	4	7	6	5	3	4	1	9	13	7	5	3	11	2

الحل:

نوجد أطوال الفئات وعددها

بالنسبة للاستهلاك: المدى = $15 - 10 = 5$ ، عدد الفئات = $1 + 2 = 3$ ، $3,22 \approx 15$ ، طول

$$\text{الفئة} = 5 \div 3 \approx 1,7$$

بالنسبة للقيمة: المدى = $13 - 1 = 12$ ، عدد الفئات = $1 + 1 = 2$ ، $3,22 \approx 15$ ، طول

$$\text{الفئة} = 12 \div 2 = 6$$

نكون الجدول المزدوج حيث الاستهلاك عموديا والقيمة أفقياً كالتالي:

الجدول التكراري المزدوج

→ فئات القيمة ↓ فئات الاستهلاك	1 - 3	4 - 6	7 - 9	10 - 12	13 - 15	المجموع
2 - 4	//					2
5 - 7	//	//				4
8 - 10		////	/	/		6
11- 13			//			2
14- 16					/	1
المجموع	4	6	3	1	1	15

يمكن إعادة كتابة الجدول السابق بحذف العلامات كما يلي:
الجدول التكراري المزدوج

→ فئات القيمة ↓ فئات الاستهلاك	1 - 3	4 - 6	7 - 9	10 - 12	13 - 15	المجموع
2 - 4	2					2
5 - 7	2	2				4
8 - 10		4	1	1		6
11- 13			2			2
14- 16					1	1
المجموع	4	6	3	1	1	15

(١٧) أكتب ما تعرفه عن الفئة ١٥ — ١٩؟ ، وكذلك عن الحدود الفعلية للفئة؟

أولاً: إذا كانت الفئة لأعداد صحيحة كعدد السكان أو الوفيات

- الأعداد بدء من ١٥ وصولاً إلى ١٩
- ١٥ هو الحد الأدنى للفئة ، ١٩ الحد الأعلى للفئة
- طول الفئة ١٥ - ١٩ هو ٥ " ١٥ ، ١٦ ، ١٧ ، ١٨ ، ١٩ "
- الحد الفعلي الأدنى لها = ١٤,٥ ، الحد الفعلي الأعلى لها = ١٩,٥
- مركز الفئة = $(١٩ + ١٥) \div ٢ = ٣٤ \div ٢ = ١٧$ أو نضيف نصف الفرق بين حديها (١٩ - ١٥) $\div ٢ = ٤ \div ٢ = ٢$ إلى حدها الأول (١٥)

- تسبقها الفئة ١٠ - ١٤ وتليها الفئة ٢٠ - ٢٤

ثانياً: إذا كانت الفئة لأعداد كالعمر والطول والوزن

- كل الأعداد (صحيحة وكسرية) بدء من العدد ١٥ إلى ما قبل العدد ١٩
- طول الفئة = $١٩ - ١٥ = ٤$
- مركز الفئة = $(١٩ + ١٥) \div ٢ = ٣٤ \div ٢ = ١٧$ أو نضيف نصف الفرق بين حديها (١٩ - ١٥) $\div ٢ = ٤ \div ٢ = ٢$ إلى حدها الأول (١٥)
- تسبقها الفئة ١١ - ١٥ وتليها الفئة ١٩ - ٢٣

الحدود الفعلية للفئات

- لكل فئة حد أدنى (بدايتها) وحد أعلى (نهايتها) وقد يكونا أعداد صحيحة (نقص ٠,٥) أو كسرية (نقص ٠,٥ لرقم عشري واحد ، ٠,٠٥ لرقمين عشريين وهكذا)
- الأعداد الصحيحة كما سبق في الفئة السابقة ١٥ — ١٩ ، الحد الفعلي الأدنى = الحد الأدنى للفئة - ٠,٥ ، الحد الفعلي الأعلى = الحد الأعلى للفئة + ٠,٥
- الأعداد العشرية:

للفئة ١٢,١ — ١٥,١ يكون الحد الفعلي الأدنى = ١٢,١ - ٠,٠٥ = ١٢,٠٥ والحد الفعلي الأعلى = ١٥,١ + ٠,٠٥ = ١٥,١٥ (إضافة الرقم ٥ أمام العدد)

للفئة ١٢,٤٥ — ١٥,٤٥ يكون الحد الفعلي الأدنى = ١٢,٤٥ - ٠,٠٠٥ = ١٢,٤٤٥ والحد الفعلي الأعلى = ١٥,٤٥ + ٠,٠٠٥ = ١٥,٤٥٥

للفئة ١٢,٤١٥ — ١٥,٤١٥ يكون الحد الفعلي الأدنى = ١٢,٤١٥ - ٠,٠٠٠٥ = ١٢,٤١٤٥ والحد الفعلي الأعلى = ١٥,٤١٥ + ٠,٠٠٠٥ = ١٥,٤١٥٥

لاحظ: الحد الفعلي الأعلى ينتج من إضافة الرقم ٥ أمام العدد (يمينه) في حين الحد الفعلي الأدنى ينتج بطرح ١ من الجزء العشري ثم وضع ٥ على يمين العدد كالتالي:

Interval	Lower Limits	Upper Limits	Exact Lower Limits	Exact Upper Limits
10.1 – 12.1	10.1	12.1	1 – 1 = 0 , 10.05	12.15
16.4 – 20.4	16.4	20.4	4 – 1 = 3 , 16.35	20.45
32.24 – 35.24	32.24	35.24	24 – 1 = 23 , 32.235	35.245
0.18 – 0.22	0.18	0.22	18 – 1 = 17 , 0.175	0.225

للحد الفعلي الأدنى نأخذ الجزء العشري كعدد صحيح ونضربه $\times 10$ ونطرح من الناتج ٥ ونستبدله بالجزء العشري الأصلي

فمثلاً ٠,١٨ نأخذ ١٨ نضربها $\times 10$ فنحصل على ١٨٠ نطرح ٥ نحصل على ١٧٥ نجعلها بدل ١٨ في ٠,١٨ فيكون الحد الفعلي الأدنى = ٠,١٧٥

ومثالاً ١٦,٤ نأخذ ٤ نضربها $\times 10$ فنحصل على ٤٠ نطرح ٥ نحصل على ٣٥ نجعلها بدل ٤ في ١٦,٤ فيكون الحد الفعلي الأدنى = ١٦,٣٥

ومثالاً ٣٢,٢٤ نأخذ ٢٤ نضربها $\times 10$ فنحصل على ٢٤٠ نطرح ٥ نحصل على ٢٣٥ نجعلها بدل ٢٤ في ٣٢,٢٤ فيكون الحد الفعلي الأدنى = ٣٢,٢٣٥