

السؤال الأول: (12 درجة)

(1) احسب التكاملات التالية : (أ) $\int_1^2 \frac{x+3}{x(x+1)} dx$ (ب) $\int_1^2 \frac{x+3}{(x+1)^2} dx$

(ج) $\int \frac{x+3}{x(x+1)^2} dx$

(2) احسب التكاملات التالية : (أ) $\int (3x^2 + 4x - 5) \ln(x) dx$ (ب) $\int (x^2 + 3)e^x dx$

(ج) $\int \sin^3(x) dx$

السؤال الثاني: (8 درجات)

(1) حل نظام المعادلات الخطية التالي: $(S_1) \dots \begin{cases} 3x + 2y - z = -1 \\ 2x - y + z = 5 \\ x + y + 2z = 4 \end{cases}$

(2) حل نظام المعادلات الخطية التالي: $(S_2) \dots \begin{cases} 3x + 2(y - x) - z = 1 \\ 2(x + z) - y + z = 5 \\ 3x + y + 2z = 6 \end{cases}$

السؤال الثالث: (5 درجات)

كل طالب يختار الاجابة على (1) فقط أو (2) فقط في السؤال الثالث:

(1) (أ) حل نظام المعادلات الخطية التالي: $(S_3) \dots \begin{cases} 3x + 2(y - x) - z = 1 \\ 2(x + z) - y + z = 5 \\ 3x + y + 2z = 4 \end{cases}$

(ب) احسب التكامل التالي: $\int \cos^2(x) dx$

(2) لتكن المصفوفة التالية: $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$

(أ) أوجد المصفوفة A^2 .

(ب) أوجد العددين a و b حيث $A^2 + aA + b \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$

(ج) أوجد A^{-1} معكوس المصفوفة A .