# الفصل الثالث العلاقة بين التكلفة والحجم والربح (تحليل التعادل)

#### مقدمة

يركز تحليل العلاقة بين التكلفة والحجم والربح على دراسة اثر التغير في حجم الانتاج أو المبيعات على كل من التكاليف و الربح ، و يستخدم المديرون تحليل العلاقة بين التكلفة والحجم والربح للمساعدة في الإجابة على أسئلة مثل : كم سيتأثر إجمالي الإيرادات وإجمالي التكاليف إذا حدث تغيرات في حجم المبيعات أو سعر البيع أو التكاليف المتغيرة أو التكاليف الثابتة، ولذلك يعتبر تحليل العلاقة بين التكلفة والحجم والربح مرشداً للمديرين عند التخطط الارباح في الاجل القصير .

#### المصطلحات المستخدمة:

قبل شرح اساسيات تحليل العلاقة بين التكلفة والحجم والربح سوف نوضح بعض المصطلحات المستخدمة وهي:

أ- الربح الحدي للوحدة = سعر بيع الوحدة - تكلفة متغيرة للوحدة.

ويستخدم الربح الحدي في تغطية التكاليف الثابتة، وبعد تغطية التكاليف الثابتة بالكامل فأن المتبقي من الربح الحدي يمثل صافي ربح المنشأة، ويطلق علية في بعض الكتابات هامش المساهمة أو فائض المساهمة.

أو = ١ - نسبة التكلفة المتغيرة

و نسبة الربح الحدي هي عبارة عن نسبة الربح الحدي في كل ريال من المبيعات ، فمثلا اذا كانت نسبة الربح الحدي ٤٠ % ربح حدي.

مثال: بفرض أن حجم مبيعات أحدي الشركات ٣٠٠٠ وحدة، وسعر البيع ٢٠ ريال للوحدة، والتكلفة المتغيرة للوحدة ١٢ ريال، واجمالي التكاليف الثابتة ١٥٠٠٠ ريال.

#### المطلوب:

١- اعداد قائمة الدخل بحيث توضح الربح الحدي.

٢- تحديد الربح الحدي للوحدة، ونسبة الربح الحدي.

الربح الحدي للوحدة 
$$= .7 - 11 = 1$$
 ريال للوحدة نسبة الربح الحدي  $= ... + 10$  الوحدة نسبة الربح الحدي  $= ... + 10$  نسبة الربح الحدي  $= ... + 10$  الحدي  $= ... + 10$ 

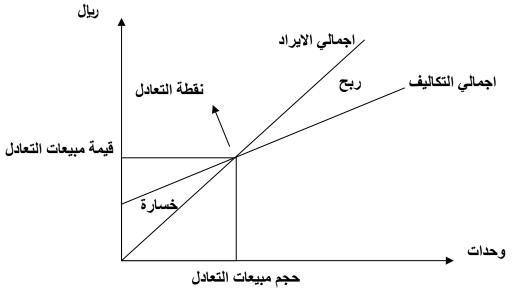
٣- اذا كانت نسبة التكاليف المتغيرة ٦٠%، ما هي نسبة الربح الحدي. نسبة الربح الحدي = ١ - ٠,٠ = ٠,٠ نسبة الربح الحدي

# اساسيات تحليل العلاقة بين التكلفة والحجم والربح (تحليل التعادل):

نهتم في تحليل العلاقة بين التكلفة والحجم والربح بتحديد نقطة هامة يطلق عليها نقطة التعادل، و هي النقطة التي يتساوى عندها اجمالي الايرادات مع اجمالي التكاليف ، بمعنى أن الشركة عند هذه النقطة لا تحقق ربح أو خسارة.

ويتم تحديد نقطة التعادل بثلاثة طرق هي: الطريقة البيانية، طريقة المعادلة، طريقة الربح الحدي، وسوف نعرض لكل طريقة من هذه الطرق علي النحو الوارد في الصفحات التالية:

# أولاً: الطريقة البيانية:



## ثانيا طريقة المعادلة:

عند نقطة التعادل صافي الربح او الخسارة = صفر لذلك يكون:

اجمالي الايرادات = اجمالي التكاليف

اجمالي الايرادات = التكاليف المتغيرة + التكاليف الثابتة

حجم المبيعات  $\times$  سعر البيع = ( حجم المبيعات  $\times$  التكلفة المتغيرة للوحدة ) + التكاليف الثابتة.

وتعتبر هذه المعادلة أكثر الطرق سهولة وعمومية لتحديد نقطة التعادل.

مثال: بفرض أن سعر البيع لأحد المنتجات ٥٠ ريال للوحدة، والتكلفة المتغيرة للوحدة ٣٠ ريال والتكاليف الثابتة الثابتة ريال، وباستخدام المعادلة السابقة يتم تحديد نقطة التعادل كالآتي:

و بالتالي عند حجم مبيعات ٥٠٠٠ وحدة تحقق الشركة التعادل، وإذا باعت الشركة أقل من ٥٠٠٠ وحدة تحقق خسارة، وإذا باعت أكثر من ٥٠٠٠ وحدة تحقق ربح. كما يمكن تحديد نقطة التعادل في شكل قيمة يطلق عليها قيمة المبيعات التي تحقق التعادل كالآتي:

قيمة المبيعات التي تحقق التعادل 
$$=$$
 حجم مبيعات التعادل  $\times$  سعر البيع قيمة المبيعات التي تحقق التعادل  $\times$  صحر حجم مبيعات التعادل  $\times$ 

# ثالثًا: طريقة الربح الحدي: (طريق هامش او فائض المساهمة)

و في هذه الطريقة يتم تحديد نقطة التعادل باستخدام الربح الحدي ونسبة الربح الحدي كالاتي:

مثال: فيما يلي البيانات الخاصة بإحدى الشركات التي تقوم بإنتاج وبيع منتج وحيد:

سعر بيع الوحدة ٥٠ ريال، التكلفة المتغيرة للوحدة ٣٠ ريال، التكلفة الثابتة ١٠٠٠٠٠ ريال.

المطلوب: تحديد حجم وقيمة المبيعات التي تحقق التعادل

#### الاجابة

$$\frac{1}{1}$$
 الربح الحدي للوحدة  $\frac{7}{1}$  ويال  $\frac{7}{1}$  نسبة الربح الحدي  $\frac{7}{1}$   $\frac{$ 

- قيمة مبيعات التعادل = 
$$0.0 \times 0.00 = 0.00$$
 ريال و

# العلاقة بين نقطة التعادل وعناصرها: (التكلفة الثابتة، التكلفة المتغيرة، سعر البيع)

١ - بفرض زيارة التكاليف الثابتة لتصبح ١١٠٠٠٠ ريال مع بقاء العوامل الأخرى على حالها، ما أثر ذلك على حجم التعادل

# العلاقة بين التكلفة الثابتة ونقطة التعادل علاقة طردية، بمعنى كلما زادت التكلفة الثابتة تزيد نقطة التعادل والعكس صحيح.

٢- بفرض زيادة التكاليف المتغيرة للوحدة لتصبح ٤٠ ريال مع بقاء العوامل الأخرى على حالها فما أثر ذلك
 على حجم التعادل.

حجم التعادل = 
$$\frac{1 \cdot \dots \cdot}{0 - 1 \cdot \dots \cdot}$$
 =  $\frac{1 \cdot \dots \cdot}{0 - 1 \cdot \dots \cdot}$  وحدة

# العلاقة بين ت. المتغيرة ونقطة التعادل علاقة طردية، بمعنى كلما زادت التكلفة المتغيرة تزيد نقطة التعادل والعكس صحيح

٣ – بفرض زيادة سعر البيع بمبلغ ٥ ريال للوحدة مع بقاء العوامل الأخرى على حالها فما أثر ذلك على حجم التعادل.

سعر البيع الجديد = ٥٠ + ٥ = ٥٥ ريالا.

$$\frac{1 \cdot \cdot \cdot \cdot}{70} = \frac{1 \cdot \cdot \cdot \cdot}{70} = \frac{1 \cdot \cdot \cdot \cdot}{70}$$
 وحدة

العلاقة بين سعر البيع ونقطة التعادل علاقة عكسية، بمعنى كلما زاد سعر البيع تنخفض نقطة التعادل والعكس صحيح.

#### استخدامات نقطة التعادل:

يمكن استخدام نقطة التعادل في:

- ١- تحديد نقطة المبيعات التي تحقق ربح مستهدف.
- ٢- تحديد الربح أو الخسارة عند مستويات مختلفة من المبيعات.
  - ٣- تحديد نسبة هامش الأمان.

#### ١- تحديد نقطة المبيعات التي تحقق ربح مستهدف:

مثال: نفس المثال السابق يفرض أن المطلوب تحديد حجم وقيمة المبيعات التي تحقق ربح ٠٠٠٠ ريال.

#### ٢ - تحديد الربح أو الخسارة عند مستويات مختلفة من المبيعات:

الربح أو الخسارة  $= ( حجم المبيعات حجم التعادل ) <math>\times$  الربح الحدي للوحدة

الربح أو الخسارة = ( قيمة المبيعات - قيمة التعادل  $\times$  نسبة الربح الحدي

مثال: نفس المثال السابق بفرض أن المطلوب تحديد الربح أو الخسارة عند حجم مبيعات مثال: دمه وحدة، ٤٠٠٠ وحدة، وعند مبيعات قيمتها ٣٥٠٠٠٠ ريال

## الاجابة

٣ \_ تحديد نسبة هامش الأمان: هي نسبة الزيادة في مبيعات الشركة عن التعادل.

مثال: نفس المثال السابق يفرض أن المطلوب تحديد نسبة هامش الأمان عند:

الحل

$$\%$$
 ۲۰ = ۱۰۰۰  $\times$   $\frac{0.00 - 770.}{770.}$  = عند حجم مبیعات ۲۰۰۰ وحدة =  $\frac{770.}{7170.}$   $\times$   $\frac{700.00 - 7170.}{7170.00}$  عند قیمة مبیعات ۳۱۲۰۰۰ ریال =  $\frac{700.00 - 7170.}{7170.00}$ 

**لاحظ:** يمكن تعريف نسبة هامش الأمان بأنها النسبة التي يمكن أن تنخفض في حدودها مبيعات الشركة دون أن تحقق خسارة.

# أمثلة متنوعة

مثال (١):

تقوم أحدي الشركات بإنتاج وبيع منتج وحيد بسعر ٦٠ ريال للوحدة، وفيما يلي بيانات التكاليف عن الفترة:

مواد مباشرة ١٦ ريال للوحدة أجور مباشرة ١٦ ريال للوحدة،

مصروفات صناعية متغيرة ٩ ريال للوحدة عمولة المبيعات٥ % (دائما نسبة من سعر البيع)

مصروفات صناعية ثابتة ٩٠٠٠٠ ريال مصروفات بيعيه ثابتة ٣٠٠٠٠ ريال

مصروفات إدارية وتمويلية ٢٠٠٠٠ ريال

المطلوب:

١- تحديد حجم وقيمة المبيعات التي تحقق التعادل.

٢- تحديد حجم المبيعات التي تحقق ربح مستهدف ٢٠٠٠٠ ريال.

٣- تحديد الربح عند حجم مبيعات فعلى ١٠٠٠٠ وحدة.

٤- تحديد نسبة هامش الأمان عند حجم المبيعات الفعلى الذي يبلغ ١٠٠٠٠ وحدة.

٥- بفرض ان التكلفة المتغيرة للوحدة زادت بمبلغ ١٠ ريال ، فما هو سعر البيع الجديد اللازمة للمحافظة على نفس نسبة الربح الحدي .

الاجابة

ت المتغيرة = 17 + 17 + 9 + 7 = 20 ريال للوحدة .

ت ِ ثابتة = ۹۰۰۰۰ + ۳۰۰۰۰ د بال

الربح الحدي للوحدة = ٦٠ - ٤٠ = ٢٠ ريال .

$$\pi/1 = \frac{7}{1}$$
 نسبة الربح الحدي =  $\pi/1$ 

د- حجم مبيعات التعادل = 
$$\frac{17...}{7.}$$
 = ۸۰۰۰ وحدة

ويال عادل  $\mathbf{7.5.4} \times \mathbf{7.5.5} = \mathbf{7.5.5}$  ويال قيمة مبيعات التعادل

أو :

ويمة مبيعات التعادل
$$=\frac{17...}{\pi/1}$$
 وبال قيمة مبيعات التعادل

ریال 
$$\mathbf{r} = \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} = \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \times \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} = \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \times \mathbf{r}$$
 ریال  $\mathbf{r} = \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \times \mathbf{r}$ 

$$1 \cdot \cdot \times \frac{1 \cdot \cdot \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot \cdot \cdot \cdot} = \frac{1 \cdot \cdot \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot - 1 \cdot \cdot \cdot}{1 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot}$$

$$\% \ \ \, \gamma \cdot = \gamma \cdot \cdot \cdot \times \frac{\gamma \cdot \cdot \cdot \cdot}{\gamma \cdot \cdot \cdot \cdot} =$$

٥- السعر الذي يحافظ على نفس نسبة الربح الحدي:

وضع قديم وضع جديد

ت متغيرة ٤٠ ٠٥

سعر بيع ٦٠ س

٤٠ س = ٣٠٠٠

يجب أن يصبح السعر ٧٥ ريال للمحافظة على نسبة الربح الحدي

#### مثال(٢)

فيما يلى قائمة الدخل عن عام ١٤٣٤ هـ لإحدى الشركات الصناعية.

#### المطلوب:

- ١- تحديد قيمة المبيعات التي تحقق التعادل.
  - ٢- ما نسبة هامش الأمان .
- ٣- إذا حدث انخفاض في مبيعات الشركة بنسبة ٥٠ % فما أثر ذلك على أرباح الشركة.

الشركة تبيع فوق التعادل بنسبة ٤٠ %

٣- نسبة هامش الأمان = ٤٠ %
 انخفاض المبيعات = ٥٠ %
 سوف تعمل الشركة قبل نقطة التعادل
 سوف تحق الشركة خسارة

## مثال (٣)

ظهرت قائمة الدخل المتوقعة لإحدى المنشآت كالآتي:

 قيمة المبيعات ( ١٠٠٠٠ وحدة )

 ( - ) إجمالي التكلفة المتغيرة

 الربح الحدي الإجمالي

 ( - ) التكاليف الثابتة

 صافي الربح

#### المطلوب:

- ١ تحديد حجم المبيعات الذي يحقق التعادل.
- $\Upsilon$  تدرس المنشأة حالياً اقتراح بتقديم إعلان يصف خصائص المنتج بتكلفة قدر ها  $\Upsilon$  ، ومن المتوقع أن يؤدي ذلك إلى زيادة حجم مبيعات الشركة بنسبة  $\Upsilon$  ، فهل توافق على هذا الاقتراح  $\Upsilon$  دعم رأيك بالحسابات اللازمة.

$$1$$
 - حجم مبیعات التعادل =  $\frac{5 \cdot \dots \cdot 5}{0}$  =  $\frac{1}{0}$ 

٢- يودي الاقتراح إلى زيادة حجم المبيعات ليصبح = ١١٠٠٠ % = ١١٠٠٠ وحدة وبالتالى سوف تزيد قيمة المبيعات والتكاليف المتغيرة كما يؤدي الاقتراح إلى زيادة التكاليف الثابتة بمقدار تكلفة الاعلان لتصبح = ٤٠٠٠٠٠ + ٣٠٠٠٠ = ٤٣٠٠٠٠ ريال

وللموافقة على الاقتراح يجب تحديد اثر ذلك على ربح الشركة عن طريق اعداد قائمة دخل كالآتي:

نوافق على الاقتراح لأنه يؤدي إلى زيادة ربح الشركة من ١٠٠٠٠٠ ريال إلى ١٢٠٠٠٠ ريال .

# متال(٤<u>)</u>

اذا كانت التكاليف الثابتة في احدي الشركات ٢٠٠٠٠ ريال، ونسبة التكاليف المتغيرة ٦٠٠%، ما هي قيمة المبيعات التي تحقق التعادل؟

نسبة الربح الحدي = ١ = ٠,٠٠ = ٠,٠٠ الاجابة 
$$\frac{1 \, \text{Ver}}{2 \, \text{Ver}} = \frac{1 \, \text{Ver}}{2 \, \text{Ver}}$$
 قيمة مبيعات التعادل =  $\frac{1 \, \text{Ver}}{2 \, \text{Ver}} = \frac{1 \, \text{Ver}}{2 \, \text{Ver}}$  ويال

# تحليل التعادل في حالة تعدد المنتجات:

فيما سبق كنا نفترض أن المنشأة تقوم بإنتاج وبيع منتج واحد فقط ، ولكن في الواقع العملي نجد أن المنشآت تقوم بإنتاج وبيع عدة منتجات معاً تسمى تشكيلة أو مزيج ، وتصبح المشكلة كيفية تحديد حجم التعادل للتشكيلة ويحدد بالخطوات التالية :

 $\times$  تحديد الربح الحدي لوحدة التشكيلة = الربح الحدي للمنتج الأول  $\times$  نسبته + الربح الحدي للمنتج الثاني نسبته + .....

مثال: تنتج إحدى المنشآت منتجين س، ص وكانت بياناتهم كالتالى:

<u>المنتج ( ص )</u>	<u>المنتج ( س )</u>	<u>البيان</u>
٠٠٠ وحدة	٠٠٠ وحدة	حجم المبيعات
۱۰۰ ریال	۲۰۰ ريال	سعر البيع للوحدة
٧٠ ريال	۱۲۰ ريال	ت . المتغيرة للوحدة
<u>الي</u> ۳۰	۸۰ ريال	الربح الحدي للوحدة

وتبلغ التكاليف الثابتة السنوية ٤٥٠٠٠ ريالا.

#### المطلوب:

١ - تحديد حجم مبيعات التعادل للتشكيلة ولكل منتج؟

٢ - تحديد قيمة مبيعات التعادل لكل منتج وللتشكيلة ؟

# الاجابة

تحديد نسبة التشكيلة:

تتعادل المنشأة عندما تبيع ٧٥٠ وحدة تشكيلة تتكون من ٤٥٠ وحدة من المنتج ( $\omega$ ) و ٣٠٠ وحدة من المنتج ( $\omega$ ).

 $\times$  سعر البيع  $\times$  سعر البيع  $\times$  سعر البيع  $\times$ 

$$w=0.00$$
 ريال  $0.000$   $=0.000$   $=0.000$  ريال  $0.000$   $=0.000$  ريال  $0.000$  ويال المشكلة  $0.000$   $=0.000$  ريال ريال

## افتراضات تحليل التعادل:

يقوم تحليل التعادل على مجموعة من الافتر اضات هي:

- ١- يمكن تقسيم التكاليف إلى تكاليف متغيرة وتكاليف ثابتة
  - ٢- كل من داله الإيراد الكلى والتكاليف الكلية خطية.
- ٣- إن كل من سعر البيع و التكاليف المتغيرة للوحدة والتكاليف الثابتة معروفة وثابتة خلال الفترة التي يتم
   فيها التحليل.
  - ٤- المنشأ تقوم بإنتاج وبيع منتج واحد فقط أو تشكيله ثابتة من المنتجات.
- ٥- أن التغيرات في التكاليف والإيرادات تكون بسبب التغير في حجم الوحدات المنتجة والمباعة بمعنى أن
   عدد الوحدات المنتجة والمباعة هي مسبب التكاليف والإيراد.
  - ٦- عدم الأخذ في الاعتبار القيمة الزمنية للنقود.

#### <u>واجب:</u>

سؤال (۱۸) ، (۲۰) ص: ۲۳۵ التطبیق الثانی ص: ۲۳۸ التطبیق الثالث ص: ۲٤۱ مطلوب (۱، ۲، ۵، ۵) التطبیق الخامس ص: ۲۶۶ التطبیق السابع ص: ۲۶۰ التطبیق الرابع عشر ص: ۲۶۹ التطبیق السادس عشر ص: ۲۵۹