

السؤال الأول:

- (أ) إذا كان a, b عدداً صحيحان وكان $b = aq + r$ ، فاثبت أن $(a, b) = (a, r)$.
- (ب) عين $(350, 1232)$ ، ثم جد عددين صحيحين x, y بحيث $(350, 1232) = 350x + 1232y$.

السؤال الثاني:

- (أ) إذا كان $n = 10q + r$ ، فاثبت أن $17 | n$ إذا وفقط إذا كان $17 | q - 5r$. [إرشاد: $51 = 17 \times 3$]
- (ب) استخدم الفقرة (أ) لاختبار قابلية قسمة العدد 2329 على 17.

السؤال الثالث: اجب عن أي فقرتين.

- (أ) أثبت أنه يوجد حل للمعادلة الديوفنتية $a_1x_1 + a_2x_2 + \dots + a_nx_n = c$ إذا وفقط إذا كان $d | c$ حيث $d = (a_1, a_2, \dots, a_n)$.
- (ب) إذا كان n عدداً زوجياً فاثبت أن $(n+1, n^2+1) = 1$.
- (ج) إذا كان كل من $p > 3$ و $p+2$ عدد أولي، فاثبت أن $12 | 2p+2$. [إرشاد: أثبت أولاً أن $4 | 2p+2$ ، ثم استخدم خوارزمية القسمة للعدد p على 3 لإثبات أن $3 | 2p+2$]