

ملاحظة: رتب أجوبتك في الدفتر بحسب ترتيب ورود الأسئلة و أعني بوضوح الخط.

١- لتكن $f(z)$ دالة متصلة عند z_0 بحيث $f(z_0) \neq 0$. أثبت تفصيلاً أن $\frac{1}{f(z)}$ متصلة عند

z_0 .

٢- جد جميع جذور المعادلة $z^3 + i\sqrt{3} = 1$.

٣- جد صورة كل من المستقيمين $y = \frac{\pi}{4}$ و $x = -1$ ، تحت تأثير الدالة $f(z) = e^z$ مع الشرح.

٤- إذا كانت الدالة $f(z) = u(x, y) + v(x, y)$ قابلة للاشتقاق عند $z_0 \equiv (x_0, y_0)$ ، فأثبت

أنها متصلة عند z_0 ، ثم أثبت أن $f'(z_0) = u_x(x_0, y_0) + v_x(x_0, y_0)$.

٥- لتكن $f(z)$ معرفة كالتالي $f(z) = \begin{cases} \frac{\bar{z}^2}{z} & z \neq 0 \\ 0 & z = 0 \end{cases}$. أثبت أن معادلتني كوشي ريمان

متحققتان عند $z = 0$ و لكن الدالة غير قابلة للاشتقاق عند تلك النقطة.