

ملاحظة: رتب أجوبتك في الدفتر حسب ترتيب ورود الأسئلة.

١- أثبت أن $(\cos \theta + i \sin \theta)^n = \cos n\theta + i \sin n\theta$ لكل $n \in \mathbb{Z}$.

٢- جد جميع حلول المعادلة $z^3 - 1 = i$.

٣- عرّف المقصود بالتالي مع إعطاء مثال عليه:

(أ) المجموعة المترابطة.

(ب) النقطة الحدودية.

(ت) النقطة التراكمية.

٤- إذا كانت f متصلة في z_0 و $f(z_0) \neq 0$ ، فأثبت باستخدام التعريف أن $\frac{1}{f(z)}$ متصلة

في z_0 .

٥- جد شرطاً ضرورياً و كافياً لحدوث المساواة في $|z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2|$ مع الإثبات.