

الأمتحان الفصلي الأول لقرر ٤٣٤، ريض الزمن: ساعة ونصف

س ١ (أ) كم عدد تباديل حروف كلمة PRECEDENCE؟

(ب) كم عدد تباديل حروف كلمة PRECEDENCE بحيث E لا تجاور E ؟

(ج) إذا كانت A مجموعة عدد عناصرها n ، فكم عدد العلاقات التنازليّة التي يمكن تعريفها على A ؟

س ٢ (أ) كم عدد طرق توزيع 12 قطعة حلوي متماثلة على 8 أطفال؟

(ب) اكتب عبارة مكافئة على شكل عدد الحلول الصحيحة لعادلة للعبارة "عدد المجموعات الجزئية المكونة من 5 عناصر مأخوذة من مجموعة عدد عناصرها 10".

(ج) كم عدد طرق الحصول على المجموع 9 عند رمي أربع أحجار نرد؟

س ٣ (أ) أثبت أن $S(n, n-2) = \binom{n}{3} + 3\binom{n}{4}$ حيث $n \geq 4$.

(ب) أثبت بطريقة تركيبية أن $\binom{2n}{4} = 2\binom{n}{4} + 2n\binom{n}{3} + \binom{n}{2}\binom{n}{2}$ حيث $n \geq 2$.

(ج) كم عدد تباديل المجموعة $\{1, 2, \dots, n\}$ التي تثبت k عنصراً فقط؟
