



**The Wave Nature of Particles**

353 PHYS Page 1  
*Dr. Abdallah M. Azzeer*

**مقدمة لميكانيكا الكم Introduction to Quantum Mechanics**

يمكن وصف الموجات الكهرومغناطيسية (الفوتونات) على أنها تغير في المجال الكهربائي والمغناطيسي في الفراغ. أي أن الموجة المصاحبة للفوتون هي تلك الموجة الكهرومغناطيسية.

وإذا كان الأمر كذلك فماذا عن الموجات المصاحبة للجسيمات المادية؟! ما الذي يتذبذب في هذه الحالة لكي نقول أن الإلكترون أو أي جسيم مادي آخر يظهر خواص موجية؟

وللإجابة على هذا التساؤل سوف نربط بين الخواص الموجية والجسيمية للموجات الكهرومغناطيسية ...

بناءً على النظرية الكهرومغناطيسية يمكن التعبير عن شدة الشعاع الكهرومغناطيسي (I) على النحو التالي :

$$I = \epsilon_0 c E^2 \quad (\text{wave description})$$

353 PHYS Page 2  
*Dr. Abdallah M. Azzeer*

يمكن التعبير عن شدة الشعاع الكهرومغناطيسي من وجهة النظر الجسيمية بالمعادلة بدلالة عدد الفوتونات الساقطة (N) على وحدة المساحات في وحدة الزمن

$$I = N h\nu \text{ (particle description)}$$

وحيث أن كلا من المعادلتين تعبران عن شدة الشعاع الكهرومغناطيسي إذا يمكن مساواة الطرف الأيمن من المعادلتين

$$\epsilon_0 c E^2 = N h\nu$$

وحيث أن احتمالية مشاهدة فوتون عند أي نقطة في الفراغ خلال وحدة الزمن تتناسب طردياً مع شدة الشعاع I فإن الاحتمالية أيضاً تعتمد على مربع سعة المجال الكهربائي للموجة  $E^2$

$$\text{Probability per unit time} \propto E^2 \propto N$$

وبهذا لا يكون المجال الكهربائي يعبر عن القوة التي تؤثر على وحدة الشحنات فقط بل له معنى فيزيائي وهو أن المجال الكهربائي دالة مربعها يعبر عن احتمالية رصد فوتون عند نقطة في الفراغ في وحدة الزمن ..

## Photon: خواص الفوتون Quantized Energy Particle

يتحرك الإلكترون بسرعة الضوء (c)

حسب النظرية النسبية ( $m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - (v/c)^2}}$ ) فإن كتلته ( $m = m_0/0 = \infty$ ) وهذا غير معقول.

ولكن بافتراض أن ( $m_0 = 0$ ) وهذا يؤدي الى أن ( $m = 0/0$ ) وهي قيمة غير محددة.

في الحقيقة عدم معرفة كتلة الفوتون الساكنة ( $m_0$ ) غير مهمة نظرا لعدم وجود الفوتون ساكنا بشكل مطلق . فإما يوجد متحركاً بسرعة  $c$  أو لا يوجد.

إذا تحرك فوتون طاقته  $E = hv$  فإنه حسب النظرية النسبية تكون طاقته وكتلته على الصورة:

$$E = mc^2 = hv$$

$$\Rightarrow m = \frac{hv}{c^2}$$

وحيث أن :

$$E^2 = (pc)^2 + (m_0c^2)^2$$

وبافتراض أن  $m_0 = 0$  صحيحا فإن طاقة الفوتون تكون  $E = pc$

$$\Rightarrow p = E/c = \frac{mc^2}{c} = mc$$

$$p = E/c = \frac{hv}{c}$$

لذلك إذا اعتبرنا فوتون ذو تردد  $\nu$  كجسيم فإن:

$$m_0 = 0 , E = hv , m = hv/c^2 , p = hv/c = h/\lambda$$

وسوف نرى أن هذه الخواص للفوتون مهمة عندما نتطرق إلى الحديث عن ظاهرة كومبتون والتي دعمت نظرية الفوتون.

**Example:**

Find the rest mass, rest energy, mass, and energy of a 100 pm photon

$$m_0 = 0 ,$$

$$E_0 = 0 ,$$

$$E = h\nu = hc/\lambda = 1.99 \times 10^{-15} \text{ J}$$

$$m = E/c^2 = 2.21 \times 10^{-32} \text{ kg} ,$$

Note that ( $m_{0e}/m_{\text{photon}(\lambda=100 \text{ pm})} \approx 40$ )

$$p = h\nu/c = h/\lambda$$

**سؤال**

الإلكترونات جسيمات محددة

■ قياس شحنة الإلكترون e

(تجربة قطرة الزيت)

■ قياس e/m (تجربة تومسن)

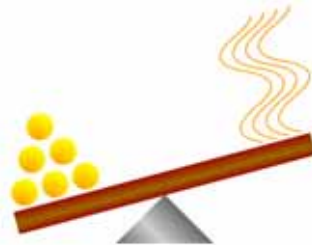
الفوتونات جسيمات محددة

■ إشعاع الجسم الأسود

■ الظاهرة الكهروضوئية

■ تأثير كومبتن

Light: Particles or waves?



## فرضية ديبرولي de Broglie hypothesis

تمهيد

علمنا مما سبق أن للأشعة الكهرومغناطيسية خاصية موجية وخاصية جسيمية وإن العديد من الظواهر الفيزيائية للأشعة الكهرومغناطيسية لا يمكن تفسيرها إلا إذا اعتمدنا على الخاصية الجسيمية مثل ظاهرة الانعكاس والانكسار والظاهرة الكهروضوئية، كما أن هناك ظواهر فيزيائية مثل التداخل والحيود لا يمكن تفسيرها إلا بالاعتماد على الخاصية الموجية للضوء .

بتطبيق نظرية الكم على الشعاع الكهرومغناطيسي يمكن اعتبار الضوء مكون من فوتونات لها طاقة  $E$  وكمية حركة  $p$

$$E = h \nu$$

$$p = h/\lambda$$

تظهر الخصائص الموجية في هاتين المعادلتين في الطرف الأيمن في  $\lambda$  و  $\nu$  بينما تظهر الخصائص الجسيمية في الطرف الأيسر من المعادلتين في  $E$  و  $p$

والسؤال الذي يطرح نفسه الآن هل يمكن للجسيمات المادية كالإلكترون؟ أي هل الخاصية المزدوجة موجودة في الجسيمات؟

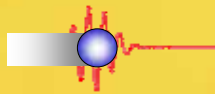
نظراً لأن الأشعة الكهرومغناطيسية لها خاصية موجية وخاصية جسيمية لذا يكون للأشعة الكهرومغناطيسية خاصية مزدوجة وعند تفسير الظواهر الضوئية نعتمد على إحدى هاتين الخاصيتين،

فهل للجسيمات المادية خاصية مزدوجة أي يمكن التعامل مثلاً مع الإلكترون على أنه موجة هذا ما افترضه ديبرولي De Broglie سنة 1924 من خلال الفرضيات التالية:

1 – إذا كان هناك جسيم له كمية حركة  $p$  فإن حركته تتوافق (تقاد بـ associated) (guided) موجة طولها الموجي يعطى بالعلاقة:

$$\lambda = h/p = h/mv$$

2 – إذا كان هناك موجة طولها الموجي  $\lambda$  فإن مربع سعة الموجة عند أي نقطة في الفضاء تتناسب مع احتمالية ملاحظة جسيم كمية حركته تساوي  $p = h/\lambda$  عند تلك النقطة في الفضاء .



## الطبيعة الموجية : التداخل والحيود

الإلكترونات ذات طبيعة موجية

$$\lambda = h/p = hc/pc$$

حيود الكترولن الطاقات المنخفضة

(LEED)

الفوتونات ذات طبيعة موجية

$$\lambda = hc/E$$

حيود الأشعة السينية (قانون براغ)

loading ...

Relativity

$$E = mc^2 = \sqrt{p^2 c^2 + m_0^2 c^4}$$

Kinetic energy term      Rest mass energy term

rest mass = 0

Momentum of a photon

$$p = \frac{E}{c}$$

Wavelength-energy relation

$$\frac{h}{\lambda} = \frac{E}{c}$$

Photoelectric effect       $E = hf = \frac{hc}{\lambda}$

for photon

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

The de Broglie Hypothesis

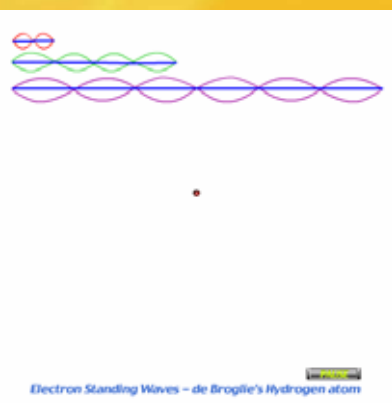
$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv}$$

for electron?

ماهي طبيعة موجة الإلكترون هذه ؟؟؟

وهنا يقول العالم ديبرولي انه ليس مهما ان نعرف طبيعة موجة الإلكترون ويكفي أن نثبت أن الإلكترون يحدد ويتداخل وهي من الظواهر الفيزيائية للموجات.

كما إن الضوء عرف أن له سلوك موجي قبل معرفة إن موجة الضوء هي تغير في المجال الكهربائي والمغناطيسي ينتشر في الفراغ بسرعة 300000 كيلومتر في الثانية ولهذا سميت بالأشعة الكهرومغناطيسية عند التعامل مع الخاصية الموجية للضوء وسميت بالفوتون عند التعامل مع الخاصية الجسيمية له



إذا أعتبر الموجة المصاحبة لحركة الإلكترون حول النواة في ذرة الهيدروجين ، فإن

$$2\pi r_n = n \lambda_n$$

ولكن حسب فرضية دي برولي

$$\lambda_n = nh/p_n = nh/mv_n$$

بالتعويض عن  $\lambda_n$  في المعادلة السابقة

$$2\pi r_n = n \lambda_n = nh/mv_n$$

$$mv_n r_n = nh/2\pi = n \hbar$$

وهذه فرضية بوهر





**Example**

Calculate the deBroglie wavelength associated with the following.

- A golf ball of mass 50 g moving with a velocity of 20 m/sec.
- A proton moving with a velocity of 2200 m/sec.
- An electron moving with a kinetic energy of 10 eV.

a) According to deBroglie's hypothesis

$$\begin{aligned}\lambda &= \frac{h}{p} = \frac{h}{mv} \\ &= \frac{6.625 \times 10^{-34} \text{ joule-sec}}{0.05 \text{ kg} \times 20 \text{ m/sec}} \\ &= 6.625 \times 10^{-34} \frac{\text{joule-sec}^2}{\text{kg-m}} \\ &= 6.625 \times 10^{-34} \text{ m},\end{aligned}$$

which is too small to be detected.

b) The mass of a proton is  $1.67 \times 10^{-27}$  kg. Therefore the deBroglie wavelength of a proton is

$$\begin{aligned}\lambda &= \frac{h}{p} = \frac{h}{mv} \\ &= \frac{6.625 \times 10^{-34} \text{ joule-sec}}{1.67 \times 10^{-27} \text{ kg} \times 2200 \text{ m/sec}} \\ &= 1.91 \times 10^{-10} \text{ m} = 1.91 \text{ \AA}.\end{aligned}$$

This wavelength is of the order of x-ray wavelengths. Note that we have used the non-relativistic expression for momentum because, for this velocity, the kinetic energy is much smaller than the rest-mass energy of the proton.

c) For an electron of kinetic energy 10 eV, we can still use classical mechanics because 10 eV is much less than 510 keV, the rest mass of the electron. Thus  $K = \frac{1}{2}mv^2 = p^2/2m$ , or  $p = \sqrt{2mK}$ . From deBroglie's hypothesis,

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{\sqrt{2mK}}.$$

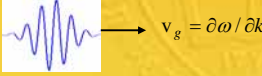

But  $K = 10$  eV. Therefore

$$\begin{aligned}\lambda &= \frac{6.625 \times 10^{-34} \text{ joule-sec}}{\sqrt{2(9.11 \times 10^{-31} \text{ kg})(10 \text{ eV})(1.602 \times 10^{-19} \text{ joule/eV})}} \\ &= 3.9 \times 10^{-10} \text{ m} = 3.9 \text{ \AA}.\end{aligned}$$

If the kinetic energy of the electron becomes comparable to its rest mass, we must use the relativistic expression for momentum.



loading ...

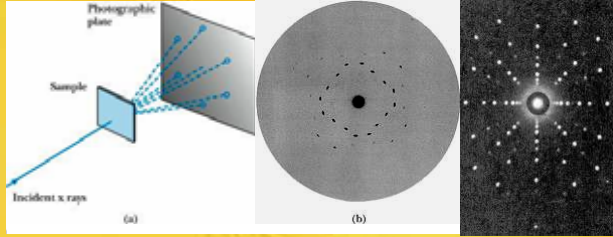
<p><b>Wave pulse</b></p>  <p><math>v_g = \frac{\partial \omega}{\partial k}</math></p> <p><b>Photon:</b></p> <p style="text-align: center;"><math>E = h\nu</math> <math>p = h/\lambda</math></p> <p style="text-align: center;"><i>(Einstein, 1905)</i></p>	<p><b>Particle</b></p>  <p><math>v</math></p> <p><b>Matter wave:</b></p> <p style="text-align: center;"><math>\nu = E/h</math> <math>\lambda = h/p</math></p> <p style="text-align: center;"><i>(de Broglie, 1924)</i></p>
--	---

353 PHYS Page 17  
*Dr. Abdallah M. Azzeer*

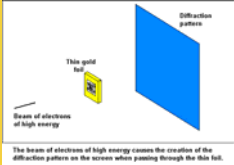
**التجارب التي أثبتت موجات الإلكترون**

تاريخ

- 1895 – أكتشف رونجن Roentgen الأشعة السينية في انابيب الأشعة المهبطية (CRT).
- 1912 حصل لاوي Laue علي شكل حيود الأشعة السينية من البلورات .



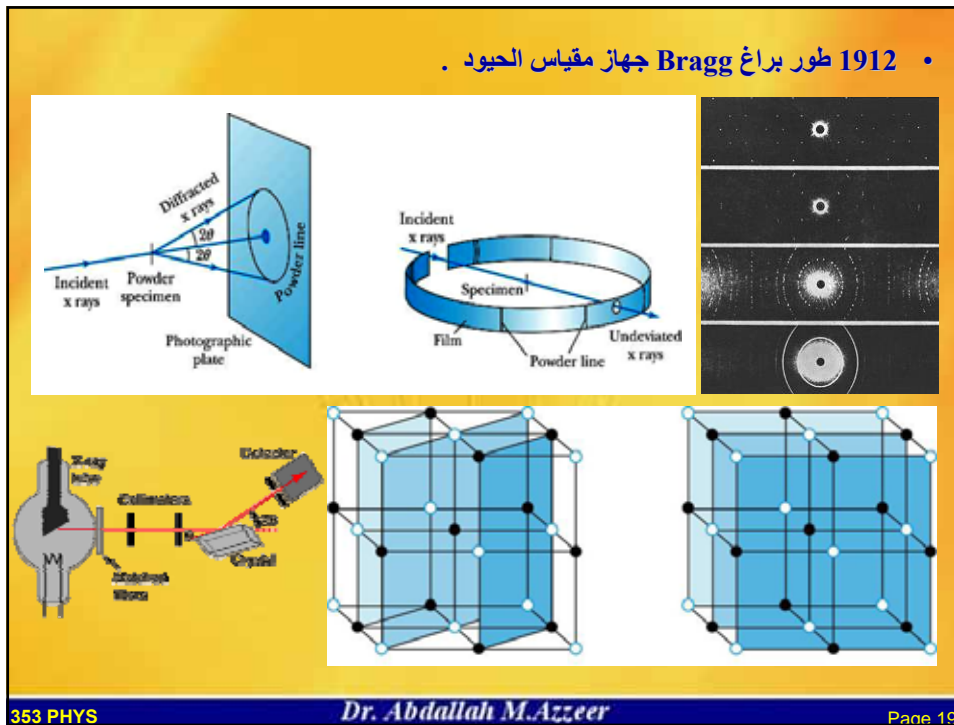
**Laue Pattern**



The beam of electrons of high energy causes the creation of the diffraction pattern on the screen when passing through the thin foil.

353 PHYS Page 18  
*Dr. Abdallah M. Azzeer*

• 1912 طور براغ Bragg جهاز مقياس الحيود .



353 PHYS

Dr. Abdallah M. Azzeer

Page 19