

بسم الله الرحمن الرحيم

الاختبار النهائي الثالث في المقرر ٣٤٣ رياض
الفصل الدراسي الثاني ١٤٣٣ / ١٤٣٤ هـ الزمن : ساعة ونصف

جامعة الملك سعود / الرياض
كلية العلوم / قسم الرياضيات

أجب عن الأسئلة الآتية

س١ : (أ) عرّف A_n
(ب) أثبت أن : (١) $A_n \triangleleft S_n$ (٢) $|A_n| = \frac{n!}{2}$ ($n > 1$)

س٢ : (أ) امراء الفراغات الآتية :-

١] إذا كانت G إبرالية ومنتزعية فإن عدد أصناف الترافق فيها يساوي 12

٢] إذا كانت S_4 حيث $\phi = (10, 11)(8, 9)(6, 7)(4, 5) = \phi$ فإن $|N(\phi)| = 15$

٣] $|Aut(\mathbb{Z}_{20})| = 15$

(ب) أثبت صحة أو خطأ كل عبارة فيما يأتي :-

(١) عدد أصناف الترافق في S_6 يساوي 12

(٢) عدد التبديلات الفردية في S_7 يساوي $2^3 \cdot 3^2 \cdot 5 \cdot 7$

(٣) إذا كانت G غير إبرالية فإن $|Aut(G)| > 1$

س٣ : (أ) متى نقول بأن H | G (G تؤثر على K) ؟

(ب) إذا كانت H | G حيث $G = \langle g = (2, 4)(3, 5, 6) \rangle$ ول K مجموعة جزئية من G

فأوجد عدد مدارات K تحت تأثير G مستخدمًا مبرهنة بيرنسايد.

(ج) إذا كانت $N \triangleleft G$ فأثبت أن : N | G حيث :

$$(n, g) * = n * g = g^{-1} n g$$