

اجب عن الأسئلة الآتية (١) 16

س١: (أ) إذا كانت  $G$  منتهية فآكتب مقادير الفصل لـ  $G$ .  
(ب) هل توجد زمرة غير إبدالية رتبها 1681؟ مع التعليل.  
(ج) آكتب نص «مبرهنة كيلي»  
(د) متى نقول إن  $G$  زمرة  $P$ ؟

س٢: إذا كان  $G \in \mathcal{G}$  وكان  $\phi: G \rightarrow G$  تطبيقاً، حيث  $\phi(x) = x^2$  فأجب عما يأتي:

(أ) أثبت أن  $\phi \in \text{Aut}(G)$  (ب) ماذا نسمي  $\phi$ ؟  
(ج) إذا كانت  $G$  إبدالية فإن  $\langle \phi \rangle = \{1\}$  أم لا؟  
(د) إذا كانت  $G$  إبدالية فإن  $\langle \phi \rangle = \{1, \phi\}$  أم لا؟

س٣: (أ) متى نقول إن  $G$  هي  $A_n$ ؟ (ب) توضح على  $S_3$  تطبيقاً  $\phi$  حيث  $\phi(x) = x^2$  (ج) إذا كانت  $G$  هي  $A_n$  فما هي  $\langle \phi \rangle$ ؟

$S_3 = \langle (12), (123) \rangle$

س٤: (أ) أكتب كل الزواجات المنتهية في  $S_3$  (ب) أكتب عناصر  $S_3$  (ج) أكتب عناصر  $A_3$

(١) التفریق الرويخيل  $S$  هو  $\{ \sigma \in S_n \mid \sigma(x) = x \text{ أو } \sigma(x) = x^{-1} \}$   
(٢)  $\langle \sigma \rangle = \{1, \sigma\}$   
(٣) عدد مدارات  $S$  تحت تأثير  $G$  يارب  $\phi$  هو  $|S/G| = \frac{|S|}{|G|}$   
بشكل عام:  $\langle \sigma \rangle = \{1, \sigma\}$  مع التبرير

$\sigma \in A_{13}$   $\sigma = (1)(2) \dots (13)$   
 $S_6 = \{x \in S \mid x^2 = 1\}$   
 $S_4 = A_4$

$[29] = [29] = 6$   
 $[29] = [29] = 6$   
 $[29] = [29] = 6$

(٢ ١ ٣) (٤ ١ ١) (٦ ١ ١) (٨ ١ ٢) (٨ ١ ٥)

س٥: (أ) توضح على  $A_{13}$  تطبيقاً  $\phi$  حيث  $\phi(x) = x^2$  (ب) ماذا نسمي  $\phi$ ؟ (ج) إذا كانت  $G$  إبدالية فإن  $\langle \phi \rangle = \{1\}$  أم لا؟ (د) إذا كانت  $G$  إبدالية فإن  $\langle \phi \rangle = \{1, \phi\}$  أم لا؟