

ملاحظة: رتب أجوبتك في الدفتر حسب ترتيب ورود الأسئلة.

1. أثبت وجود نظير ضربي للعدد a قياس n إذا و فقط إذا كان $(a, n) = 1$. ثم أحسب نظير العدد 14 قياس 27 .
2. إذا كان r_1, r_2, \dots, r_n نظام رواسب تام قياس n ، فأثبت أن $ar_1 + b \cdot ar_2 + b \cdot \dots \cdot ar_n + b$ هو نظام رواسب تام أيضا، حيث $(a, n) = 1$.
3. عرف المقصود بشبه الأولي للأساس b ، ثم أثبت أن 341 شبه أولي للأساس 2 .
4. جد أصغر عدد صحيح موجب، إن وُجد، يحقق النظام التالي:

$$\begin{aligned} x &\equiv 2 \pmod{6} \\ x &\equiv 2 \pmod{8} \\ x &\equiv 8 \pmod{21} \end{aligned}$$
5. باستخدام التطابق، أثبت أن الأعداد $4^{10n} - 3^{10n}$ تقبل القسمة على 77 لكل $n \geq 0$.