



جامعة الملك سعود  
كلية العلوم  
قسم الفيزياء والفلك

مقرر 210 فيز  
د. ناصر بن صالح الزايد

[nalzayed@ksu.edu.sa](mailto:nalzayed@ksu.edu.sa)

المحاضرة رقم: 5

## السقوط الحر للأجسام Freely Falling Objects

- يعرف السقوط الحر للأجسام بأنه حركة الأجسام بشكل حر تماما تحت تأثير الجاذبية الأرضية فقط. أي بإهمال أثر الهواء، وعدم وجود قوة محرّكة أخرى للأجسام سوى قوة الجاذبية الأرضية.
- أن الأجسام التي تتحرك إلى أعلى أو أسفل أو مقذوفه بزاوية معينة، تظل كلها تتمتع بالحركة تحت تأثير الجاذبية الأرضية، وتنطبق عليها قوانين السقوط الحر، ولكن فقط في حركتها الرأسية.
- بما أن الحركة تحت تأثير الجاذبية الأرضية هي حركة منتظمة تتم بتسارع ثابت مقداره  $g = 9.8 \text{ m/s}^2$  فيمكننا إذن استخدام نفس المعادلات السابقة للحركة المنتظمة. ولكن مع التعديلات التالية:

$$a \rightarrow g = -9.8 \text{ m/s}^2$$

$$v_x \rightarrow v_y : + \text{ when } \uparrow \text{ and } - \text{ when } \downarrow$$

$$x \rightarrow y : + \text{ above firing Level, } - \text{ below firing Level}$$

## السقوط الحر للأجسام معادلات الحركة الرأسية الحرة

• إذن نعيد كتابة المعادلات السابقة كما يلي (الثلاث الرئيسية):

$$v_{yf} = v_{yi} - 9.8t \quad (1)$$

$$v_{yf}^2 = v_{yi}^2 - 2 \times 9.8 y_f \quad (2)$$

$$y_f = v_{yi}t - 0.5 * 9.8t^2 \quad (3)$$

- يمكن حل جميع مسائل الحركة الرأسية الحرة باستخدام هذه المعادلات.
- لاحظ أن قيمة  $y$  سالبة تحت مستوى الإطلاق وموجبه فوقه
- ولاحظ قيمة تسارع الجاذبية الأرضية دائما سالب
- ولاحظ أن السرعة سالبة في حالة كون الجسم هابطا وموجبة عندما يكون صاعدا
- ومن المهم ملاحظة أن هذه الإشارات تفرض في حالة معرفة الوضع وتفسر في حالة ورودها في الحل.
- مثلا: لو قمنا بالحل وصارت السرعة سالبة، فهذا يدل على أن الجسم في حالة هبوط
- ولو كانت  $y$  سالبة فهذا يدل على أن الجسم يقع الآن تحت مستوى أطلاقه.

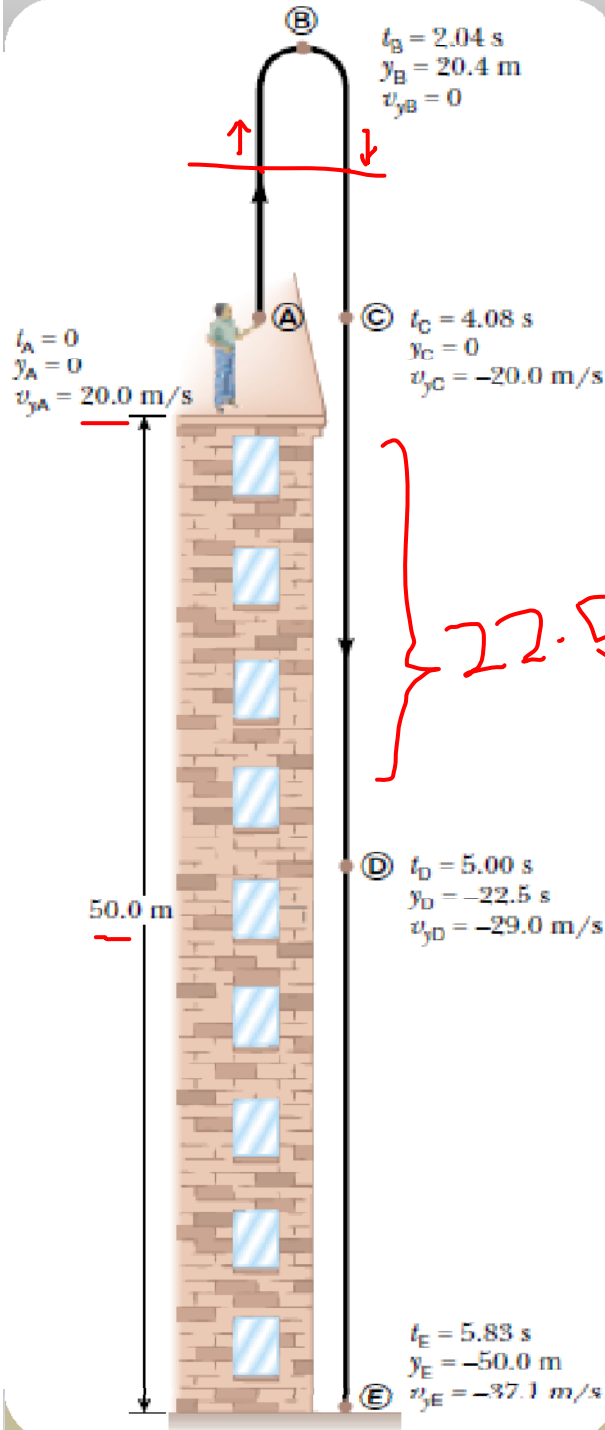
## السقوط الحر للأجسام - مثال توضيحي

### ● مثال: 2.12 :

- كما في الشكل المجاور، تم رمي كرة من أعلى سطح المبنى الذي ارتفاعه 50 m بسرعة ابتدائية مقدارها 20 m/s رأسياً إلى أعلى. أحسب الكميات التالية:
- أ - الزمن اللازم لوصول الكرة إلى أعلى ارتفاع.
- ب- الارتفاع الأقصى
- ج- الزمن اللازم لعودة الكرة إلى نفس مستوى إطلاقها
- د- سرعة الكرة عند تلك اللحظة.
- هـ- سرعة وموقع الكرة بعد 5 s.

### ● الحل:

- نلاحظ ما يلي:
- أولاً: تتوقف الكرة تماماً عند نقطة B وتغير اتجاهها
- عند أية نقطتين متقابلتين على مسار الكرة، السرعتان متساويتان من حيث المقدار متضادتان من حيث الاتجاه.



## السقوط الحر للأجسام حل المثال التوضيحي

$$v_{yf} = v_{yi} - 9.8t \quad (1)$$

$$v_{yf}^2 = v_{yi}^2 - 2 \times 9.8 y_f \quad (2)$$

$$y_f = v_{yi}t - 0.5 * 9.8t^2 \quad (3)$$

Given :  $v_{yi} = +20 \text{ m/s}$  ,  $y_i = 0 \text{ m}$

(a) time at max. height : use eq. (1) :

$$\therefore v_{yB} = 0 = +20 - 9.8t$$

$$\Rightarrow t = 20 / 9.8 = 2.04 \text{ s}$$

(b) Max. height : use eq. (3) :

$$\therefore y_i = 0 \text{ m} \Rightarrow y_B = +20(2.04) - 0.5 * 9.8(2.04)^2 = 20.04 \text{ m}$$

(c) for  $t_A$  : we can just use  $2.04 * 2 = 4.08 \text{ s}$

$$\text{or : Eq. (3)} \Rightarrow 0 = v_{yi}t - 0.5 * 9.8t^2 \Rightarrow 0 = +20t - 0.5 * 9.8t^2$$

$$\Rightarrow 0 = +20 - 0.5 * 9.8t \Rightarrow t = 20 \div (0.5 * 9.8) = 4.08 \text{ s}$$

## السقوط الحر للأجسام      استكمال الحل التوضيحي

$$v_{yf} = v_{yi} - 9.8t \quad (1)$$

$$v_{yf}^2 = v_{yi}^2 - 2 \times 9.8 y_f \quad \checkmark \quad (2)$$

$$y_f = v_{yi}t - 0.5 * 9.8t^2 \quad (3)$$

.....  
Given :  $v_{yi} = +20 \text{ m / s}$  ,  $y_i = 0 \text{ m}$

(e) : we can just use : - 20 m/s (opposite of  $v_A$ )

or : Eq.(1)  $\Rightarrow v_{yf} = \underline{20} - 9.8(4.08) = \underline{-20 \text{ m / s}}$  ↓

(f) Eq.(1)  $\Rightarrow v_{yf} = \underline{+20} - 9.8(5) = \underline{-29 \text{ m / s}}$  ↓

Eq.(3)  $\Rightarrow y_f = \underline{20}(5) - 0.5 * 9.8(5^2) = \underline{-22.5 \text{ m}}$

- لاحظ أن الموقع سالب مما يعني أن الكرة تقع الآن تحت مستوى الإطلاق.
- والسرعة  $-29 \text{ m/s}$  مما يعني أنه بعد 5 ثواني تكون الكرة تتحرك باتجاه الأرض

## السقوط الحر للأجسام كويز على المثال السابق

• كويز:

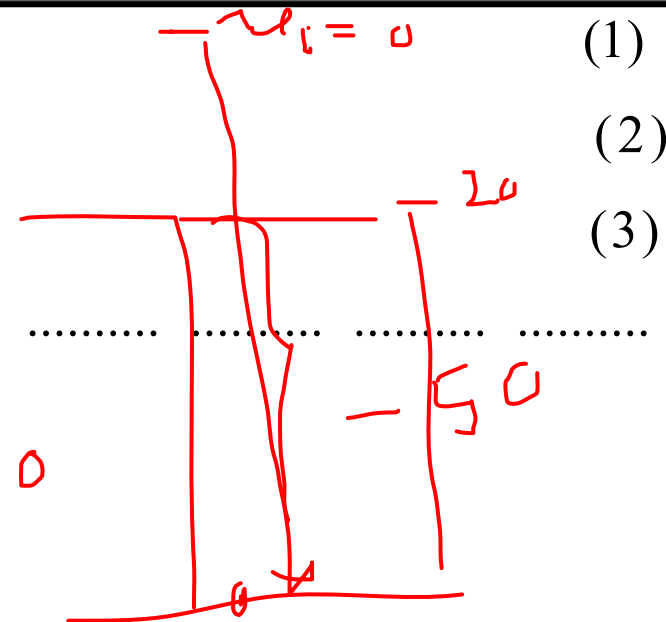
- (أ) احسب سرعة الكرة قبيل وصولها إلى الأرض ✓
- (ب) احسب الزمن الكلي للوصول إلى سطح الأرض.

$$\underline{v_{yf}} = \underline{v_{yi}} - 9.8t \quad (1)$$

$$\underline{v_{yf}^2} = \underline{v_{yi}^2} - 2 \times 9.8 y_f \quad (2)$$

$$\underline{y_f} = \underline{v_{yi}t} - 0.5 * 9.8t^2 \quad (3)$$

$$v_{yi} = +20$$



(a) Eq.(2) with  $y_f = \underline{-50 m} \Rightarrow$ :

$$\underline{v_{yf}^2} = \underline{(20^2)} - \underline{2 \times 9.8(-50)} = 1380$$

$$\therefore \underline{v_{yf}} = \underline{\pm \sqrt{1380}} = \underline{-37.14 m/s} \downarrow$$

(b) Eq.(1) with  $v_f = \underline{-37.14 m/s} \Rightarrow$ :

$$\underline{-37.14} = \underline{+20} - 9.8t \Rightarrow \underline{t} = \underline{(-37.14 - 20) / -9.8} = \underline{5.83 s}$$

## اشتقاق معادلات الحركة بطريقة التفاضل والتكامل

- معادلات الحركة المنتظمة التي قمنا سابقا باشتقاقها، يمكن كذلك القيام باشتقاقها بطريقة أخرى وهي باستخدام حساب التفاضل والتكامل.

$$\therefore a_x = \frac{dv_x}{dt} \rightarrow dv_x = a_x dt = a_x \int dt$$

Integrating both sides  $\therefore v_x = \int a_x dt \rightarrow v_x = a_x t + c_1$

finding  $c_1$  from initial conditions : at  $t = 0$ ,  $v_x = v_{xi}$

$$\therefore v_{xf} = v_{xi} + a_x t \quad (1)$$

$$\therefore v_x = \frac{dx}{dt} \rightarrow dx = v_x dt$$

Integrating both sides  $\therefore x = \int v_x dt = \int (v_{xi} + a_x t) dt$

$$\rightarrow x = v_{xi} t + \frac{1}{2} a_x t^2 + c_2$$

finding  $c_2$  from initial conditions : at  $t = 0$ ,  $x = x_i$

$$\therefore x_f = x_i + v_{xi} t + \frac{1}{2} a_x t^2 \text{ or } : x_f - x_i = v_{xi} t + \frac{1}{2} a_x t^2 \quad (2)$$



## اشتقاق معادلات الحركة بطريقة التفاضل والتكامل

- المعادلة الثالثة يمكن الحصول عليها من التعويض عن  $t$  من معادلة (1) في (2) ثم القيام بعمليات ضرب الحدود:

$$\therefore v_{xf} = v_{xi} + a_x t \quad (1)$$

$$\therefore t = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{a_x}$$

$$\Rightarrow x_f - x_i = v_{xi} \left[ \frac{v_{xf} - v_{xi}}{a_x} \right] + \frac{1}{2} a_x \left[ \frac{v_{xf} - v_{xi}}{a_x} \right]^2$$
$$= \frac{2v_{xi}(v_{xf} - v_{xi})}{2a_x} + \frac{1}{2} a_x \frac{(v_{xf} - v_{xi})^2}{a_x^2}$$

$$\Rightarrow 2a_x(x_f - x_i) = \cancel{2v_{xi}v_{xf}} - 2v_{xi}^2 + \underline{v_{xf}^2} + \underline{v_{xi}^2} - \cancel{2v_{xi}v_{xf}}$$
$$= \underline{v_{xf}^2 - v_{xi}^2}$$

$$\Rightarrow \underline{v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f - x_i)} \quad (3)$$